

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Магнитогорский государственный технический университет им. Г. И. Носова»
Многопрофильный колледж



УТВЕРЖДАЮ
Директор
/ С.А. Махновский
«09» февраля 2022 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ
ЕН.03 ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА**

**«Математический и общий естественнонаучный учебный цикл»
программы подготовки специалистов среднего звена
специальности 09.02.07 Информационные системы и программирование**

Квалификация: разработчик веб и мультимедийных приложений

Форма обучения

очная

Магнитогорск, 2022

Рабочая программа учебной дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» разработана на основе: ФГОС по специальности среднего профессионального образования 09.02.07 Информационные системы и программирование, утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от «09» декабря 2016 г. №1547.

Организация-разработчик: ФГБОУ ВО «Магнитогорский государственный технический университет им. Г.И. Носова» Многопрофильный колледж

Разработчик:
преподаватель МпК ФГБОУ ВО «МГТУ им. Г.И. Носова» Е.В. Васильева Елена Александровна Васильева

ОДОБРЕНО

Предметной -цикловой комиссией
«Информатики и вычислительной
техники»

Председатель З.И. Горина /И.Г.Зорина
Протокол № 5 от 19.01.2022

Методической комиссией МпК

Протокол № 4 от 09.02.2022

Рецензент: преподаватель высшей квалификационной категории
ГАПОУ ЧО "Политехнический колледж"



Е.В. Ларкина / Елена Вячеславовна Ларкина

СОДЕРЖАНИЕ

1 ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ «ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА».....	4
2 СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ	6
3 УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ	10
4 КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ	11
ПРИЛОЖЕНИЕ 1	18
ПРИЛОЖЕНИЕ 2	20
ПРИЛОЖЕНИЕ 3	21
ЛИСТ РЕГИСТРАЦИИ ИЗМЕНЕНИЙ И ДОПОЛНЕНИЙ	22

1 ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ «ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА»

1.1 Область применения программы

Рабочая программа учебной дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» является частью программы подготовки специалистов среднего звена по специальности 09.02.07 Информационные системы и программирование. Рабочая программа составлена для очной формы обучения.

1.2 Место дисциплины в структуре программы подготовки специалистов среднего звена

Учебная дисциплина «Теория вероятностей и математическая статистика» относится к математическому и общему естественнонаучному циклу.

Освоению учебной дисциплины предшествует изучение учебной дисциплины «Математика».

Учебная дисциплина «Теория вероятностей и математическая статистика» является предшествующей для изучения следующих дисциплин и профессиональных модулей:

ОПЦ.07. Экономика отрасли

ОПЦ.08. Основы проектирования баз данных

ОПЦ.10. Численные методы

ПМ.05. Проектирование и разработка информационных систем

1.3 Цель и планируемые результаты освоения дисциплины:

Содержание дисциплины ориентировано на подготовку обучающихся к освоению профессиональных модулей программы подготовки специалистов среднего звена по специальности и овладению следующими общими компетенциями:

ОК 1. Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности, применительно к различным контекстам.

ОК 2. Использовать современные средства поиска, анализа и интерпретации информации, и информационные технологии для выполнения задач профессиональной деятельности.

ОК 4. Эффективно взаимодействовать и работать в коллективе и команде.

ОК 5. Осуществлять устную и письменную коммуникацию на государственном языке Российской Федерации с учетом особенностей социального и культурного контекста.

ОК 9. Пользоваться профессиональной документацией на государственном и иностранном языках.

Код ОК	Умения	Знания
ОК 1	У 1. Применять стандартные методы и модели к решению вероятностных и статистических задач У 2. Использовать расчетные формулы, таблицы, графики при решении статистических задач У 3. Применять современные пакеты прикладных программ многомерного статистического анализа Уо 01.02 анализировать задачу и/или проблему и выделять её составные части; Уо 01.03 определять этапы	З 1. Элементы комбинаторики З 2. Понятие случайного события, классическое определение вероятности, вычисление вероятностей событий с использованием элементов комбинаторики, геометрическую вероятность З 3. Алгебра событий, теоремы умножения и сложения вероятностей, формула полной вероятности З 4. Схема и формула Бернулли, приближенные формулы в схеме Бернулли. Формула (теорема) Байеса З 5. Понятия случайной величины, дискретной случайной величины, ее распределение и характеристики,

	решения задачи; Уо 01.05 составлять план действий; Уо 01.08 реализовать составленный план; Уо 01.09 оценивать результат и последствия своих действий (самостоятельно или с помощью наставника)	непрерывной случайной величины, ее распределение и характеристики 3 6. Законы распределения непрерывных случайных величин 3 7. Центральная предельная теорема, выборочный метод математической статистики, характеристики выборки 3 8. Понятие вероятности и частоты Зо 01.05 структуру плана для решения задач
ОК 2	Уо 02.02 определять необходимые источники информации; Уо 02.03 планировать процесс поиска; структурировать получаемую информацию; Уо 02.05 оценивать практическую значимость результатов поиска; Уо 02.07 использовать современное программное обеспечение; Уо 02.08 использовать различные цифровые средства для решения профессиональных задач	Зо 02.01 номенклатура информационных источников, применяемых в профессиональной деятельности; Зо 02.04 современные средства и устройства информатизации, порядок их применения и программное обеспечение в профессиональной деятельности в том числе с использованием цифровых средств
ОК 4	Уо 04.02 взаимодействовать с коллегами, руководством, клиентами в ходе профессиональной деятельности	
ОК 5	Уо 05.01 грамотно излагать свои мысли и оформлять документы по профессиональной тематике на государственном языке	Зо 05.02 правила оформления документов и построения устных сообщений
ОК 9	Уо 09.01 понимать общий смысл четко произнесенных высказываний на известные темы (профессиональные и бытовые); Уо 09.02 участвовать в диалогах на знакомые общие и профессиональные темы	Зо 09.03 лексический минимум, относящийся к описанию предметов, средств и процессов профессиональной деятельности

2 СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

2.1 Объем учебной дисциплины и виды учебной работы (очно)

Вид учебной работы	Объем часов
Объем образовательной программы учебной дисциплины	66
в т.ч. в форме практической подготовки	<i>не предусмотрено</i>
Обязательная аудиторная учебная нагрузка (всего)	48
в том числе:	
лекции, уроки	32
практические занятия	16
лабораторные занятия	<i>не предусмотрено</i>
курсовая работа (проект)	<i>не предусмотрено</i>
Самостоятельная работа	<i>не предусмотрено</i>
Промежуточная аттестация	18
Форма промежуточной аттестаций - экзамен	

2.2 Тематический план и содержание учебной дисциплины ЕН.03. Теория вероятностей и математическая статистика (очно)

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала и формы организации деятельности обучающихся	Объем, акад. ч / в том числе в форме практической подготовки, акад.ч.	Код ОК/ПК	Коды осваиваемых элементов компетенций
1	2	3	4	5
Тема 1. Элементы комбинаторики	Содержание учебного материала	6		
	1. Введение в теорию вероятностей	4	ОК 1, ОК 2, ОК 5, ОК 9	У 1 Уо 01.02, Уо 01.03, Уо 01.09, Уо 02.02, Уо 02.03, Уо 02.05, Уо 05.01, Уо 09.01, Уо 09.02 З 1 Зо 01.05, Зо 02.01, Зо 05.02, Зо 09.03
	2. Упорядоченные выборки (размещения). Перестановки			
	3. Неупорядоченные выборки (сочетания)			
	В том числе практических занятий	2		
	Практическое занятие 1. Подсчёт числа комбинаций	2	ОК 1, ОК 2, ОК 4, ОК 5, ОК 9	У 1 Уо 01.02, Уо 01.03, Уо 01.05, Уо 01.08, Уо 01.09, Уо 02.02, Уо 02.03, Уо 02.05, Уо 02.07, Уо 02.08, Уо 04.02, Уо 05.01, Уо 09.01, Уо 09.02 З 1 Зо 01.05, Зо 02.01, Зо 02.04, Зо 05.02, Зо 09.03
Тема 2. Основы теории вероятностей	Содержание учебного материала	12		
	1. Случайные события. Классическое определение вероятностей. Геометрическая вероятность	8	ОК 1, ОК 2, ОК 5, ОК 9	У 1 Уо 01.02, Уо 01.03, Уо 01.09, Уо 02.02, Уо 02.03, Уо 02.05, Уо 05.01, Уо 09.01, Уо 09.02 З 1-3 4
	2. Теоремы сложения и умножения вероятностей			
	3. Формула полной вероятности. Формула Байеса			
	4. Схемы Бернулли. Формула Бернулли			

	5. Вычисление вероятностей событий в схеме Бернулли			Зо 01.05, Зо 02.01, Зо 05.02, Зо 09.03
	В том числе практических занятий	4		
	Практическая работа 2. Вычисление вероятностей с использованием формул комбинаторики	2	ОК 1, ОК 2, ОК 4, ОК 5, ОК 9	У 1 Уо 01.02, Уо 01.03, Уо 01.05, Уо 01.08, Уо 01.09, Уо 02.02, Уо 02.03, Уо 02.05, Уо 02.07, Уо 02.08, Уо 04.02, Уо 05.01, Уо 09.01, Уо 09.02 З 1-З 4 Зо 01.05, Зо 02.01, Зо 02.04, Зо 05.02, Зо 09.03
	Практическая работа 3. Вычисление вероятностей сложных событий	2		
Тема 3. Дискретные случайные величины (ДСВ)	Содержание учебного материала	12		
	1. Дискретная случайная величина (ДСВ)	8	ОК 1, ОК 2, ОК 5, ОК 9	У 1, У 2 Уо 01.02, Уо 01.03, Уо 01.09, Уо 02.02, Уо 02.03, Уо 02.05, Уо 05.01, Уо 09.01, Уо 09.02 З 4, З 5 Зо 01.05, Зо 02.01, Зо 05.02, Зо 09.03
	2. Графическое изображение распределения ДСВ. Функции от ДСВ			
	3. Числовые характеристики ДСВ			
	4. Законы распределения вероятностей ДСВ: биномиальное распределение			
	5. Законы распределения вероятностей ДСВ: распределение Пуассона			
	В том числе практических занятий	4		
	Практическая работа 4. Построение закона распределения и функция распределения ДСВ. Вычисление основных числовых характеристик ДСВ	2	ОК 1, ОК 2, ОК 4, ОК 5, ОК 9	У 1, У 2 Уо 01.02, Уо 01.03, Уо 01.05, Уо 01.08, Уо 01.09, Уо 02.02, Уо 02.03, Уо 02.05, Уо 02.07, Уо 02.08, Уо 04.02, Уо 05.01, Уо 09.01, Уо 09.02 З 4, З 5 Зо 01.05, Зо 02.01, Зо 02.04, Зо 05.02, Зо 09.03
	Практическая работа 5. Решение задач с применением законов распределения вероятностей ДСВ	2		
Тема 4. Непрерывные случайные величины	Содержание учебного материала	6		
	1. Понятие НСВ. Числовые характеристики НСВ	4	ОК 1, ОК 2, ОК 5, ОК 9	У 1, У 2 Уо 01.02, Уо 01.03, Уо 01.09, Уо 02.02, Уо 02.03, Уо 02.05,
	2. Равномерно распределенная НСВ. Нормально распределенная НСВ			

(НСВ)	3. Центральная предельная теорема			Уо 05.01, Уо 09.01, Уо 09.02 З 5, З 6, З 7 Зо 01.05, Зо 02.01, Зо 05.02, Зо 09.03
	В том числе практических занятий	2		
	Практическая работа 6. Вычисление числовых характеристик НСВ. Построение функции плотности и интегральной функции распределения.	2	ОК 1, ОК 2, ОК 4, ОК 5, ОК 9	У 1, У 2 Уо 01.02, Уо 01.03, Уо 01.05, Уо 01.08, Уо 01.09, Уо 02.02, Уо 02.03, Уо 02.05, Уо 02.07, Уо 02.08, Уо 04.02, Уо 05.01, Уо 09.01, Уо 09.02 З 5, З 6, З 7 Зо 01.05, Зо 02.01, Зо 02.04, Зо 05.02, Зо 09.03
Тема 5. Математическая статистика	Содержание учебного материала	12		
	1. Задачи и методы математической статистики. Виды выборки	8	ОК 1, ОК 2, ОК 5, ОК 9	У 1, У 2, У 3 Уо 01.02, Уо 01.03, Уо 01.09, Уо 02.02, Уо 02.03, Уо 02.05, Уо 05.01, Уо 09.01, Уо 09.02 З 7, З 8 Зо 01.05, Зо 02.01, Зо 05.02, Зо 09.03
	2. Числовые характеристики вариационного ряда			
	3. Статистические оценки параметров распределения: точечные оценки, интервальные оценки			
	В том числе практических занятий	4		
	Практическая работа 7. Построение эмпирической функции распределения. Вычисление числовых характеристик выборки	2	ОК 1, ОК 2, ОК 4, ОК 5, ОК 9	У 1, У 2, У 3 Уо 01.02, Уо 01.03, Уо 01.05, Уо 01.08, Уо 01.09, Уо 02.02, Уо 02.03, Уо 02.05, Уо 02.07, Уо 02.08, Уо 04.02, Уо 05.01, Уо 09.01, Уо 09.02 З 7, З 8 Зо 01.05, Зо 02.01, Зо 02.04, Зо 05.02, Зо 09.03
	Практическая работа 8. Вычисление точечных и интервальных оценок	2		
Промежуточная аттестация		18		
Всего:		66		

3 УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

3.1 Материально-техническое обеспечение

Для реализации программы учебной дисциплины предусмотрены следующие специальные помещения и оснащение:

Тип и наименование специального помещения	Оснащение специального помещения
кабинет Математических дисциплин	Мультимедийные средства хранения, передачи и представления информации. Учебно-методическая документация, дидактические средства
Помещение для самостоятельной работы обучающихся	Персональные компьютеры с пакетом MS Office, выходом в Интернет и с доступом в электронную информационно-образовательную среду университета

3.2 Учебно-методическое и информационное обеспечение реализации программы

Основная литература

1. Бирюкова, Л. Г. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс]: учебное пособие / Л.Г. Бирюкова, Г.И. Бобрик, Р.В. Сагитов [и др.]; под ред. В.И. Матвеева. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва: ИНФРА-М, 2020. — 289 с. — (Среднее профессиональное образование). - ISBN 978-5-16-015712-2. - Режим доступа: <https://znanium.com/read?id=363087>. - Загл. с экрана.
2. Спирина, М. С. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс]: учебник для студентов учреждений среднего профессионального образования / М. С. Спирина, П. А. Спирин. - 4-е изд., стер. - Москва: Издательский центр "Академия", 2019. - 368 с. - Режим доступа: <https://www.academia-moscow.ru/reader/?id=427805>. - ISBN 978-5-4468-8659-3

Дополнительная литература

1. Коган, Е. А. Теория вероятностей и математическая статистика: учебник / Е.А. Коган, А.А. Юрченко. — Москва: ИНФРА-М, 2020. — 250 с. — (Среднее профессиональное образование). - ISBN 978-5-16-015649-1. - Режим доступа: <https://znanium.com/read?id=363072>
2. Павлов, С. В. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс]: учебное пособие / С.В. Павлов. — Москва: РИОР: ИНФРА-М, 2022. — 186 с. — (ВО: Бакалавриат). - ISBN 978-5-369-00679-5. — Режим доступа: <https://znanium.com/read?id=399257>

Сапожников, П. Н. Теория вероятностей, математическая статистика в примерах, задачах и тестах [Электронный ресурс]: учебное пособие / П. Н. Сапожников, А. А. Макаров, М. В. Радионова. - Москва: КУРС, НИЦ ИНФРА-М, 2022. - 496 с. - ISBN 978-5-906818-47-8. - Режим доступа: <https://znanium.com/read?id=393002> Загл. с экрана.

Программное обеспечение и Интернет-ресурсы:

MS Windows 7 (подписка Imagine Premium)

MS Office 2007

7 Zip

Интернет-ресурсы:

1. Единый портал интернет-тестирования в сфере образования [Электронный ресурс] - <https://i-exam.ru/>, свободный. — Загл. с экрана. Яз. рус.

4 КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Контроль и оценка результатов освоения дисциплины осуществляется преподавателем в процессе текущего контроля и промежуточной аттестации.

4.1 Текущий контроль:

№	Контролируемые разделы (темы) учебной дисциплины	Контролируемые результаты (умения, знания)	Наименование оценочного средства	Критерии оценки
1	Тема 1. Элементы комбинаторики Тема 2. Основы теории вероятностей	У 1 Уо 01.02, Уо 01.03, Уо 01.05, Уо 01.08, Уо 01.09, Уо 02.02, Уо 02.03, Уо 02.05, Уо 02.07, Уо 02.08, Уо 04.02, Уо 05.01, Уо 09.01, Уо 09.02 З 1-3 4 Зо 01.05, Зо 02.01, Зо 02.04, Зо 05.02, Зо 09.03	Контрольная работа Тест	Критерии оценки представлены ниже под таблицей
2	Тема 3. Дискретные случайные величины (ДСВ) Тема 4. Непрерывные случайные величины (НСВ)	У 1, У 2 Уо 01.02, Уо 01.03, Уо 01.05, Уо 01.08, Уо 01.09, Уо 02.02, Уо 02.03, Уо 02.05, Уо 02.07, Уо 02.08, Уо 04.02, Уо 05.01, Уо 09.01, Уо 09.02 З 4, З 5, З 6, З 7 Зо 01.05, Зо 02.01, Зо 02.04, Зо 05.02, Зо 09.03	Контрольная работа Тест	Критерии оценки представлены ниже под таблицей
3	Тема 5. Математическая статистика	У 1, У 2, У 3 Уо 01.02, Уо 01.03, Уо 01.05, Уо 01.08, Уо 01.09, Уо 02.02, Уо 02.03, Уо 02.05, Уо 02.07, Уо 02.08, Уо 04.02, Уо 05.01, Уо 09.01, Уо 09.02 З 7, З 8 Зо 01.05, Зо 02.01, Зо 02.04, Зо 05.02, Зо 09.03	Контрольная работа Тест	Критерии оценки представлены ниже под таблицей

Критерии оценки тестового задания

Процент результативности (правильных ответов) в тесте	Оценка
90 ÷ 100%	5
80 ÷ 89%	4
70 ÷ 79%	3
менее 70%	2

Критерии оценки контрольной работы

Оценка	Описание
5	задания выполнены полностью и правильно, работа оформлена согласно требованиям, решение содержит некоторые неточности и несущественные ошибки;
4	задания выполнены полностью, с несущественными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны, работа оформлена согласно требованиям;
3	задания выполнены полностью, с существенными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны, работа оформлена не по требованиям
2	задания не выполнены или выполнены неправильно

4.2 Промежуточная аттестация

Промежуточная аттестация обучающихся осуществляется по завершении изучения дисциплины и позволяет определить качество и уровень ее освоения.

Форма промежуточной аттестации по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика» - экзамен. Экзамен проводится в форме Федерального интернет-экзамена (ФЭПО) в сфере профессионального образования.

Результаты обучения	Оценочные средства для промежуточной аттестации																
У 1. Применять стандартные методы и модели к решению вероятностных и статистических задач У 2. Использовать расчетные формулы, таблицы, графики при решении статистических задач У 3. Применять современные пакеты прикладных программ многомерного статистического анализа Уо 01.02 анализировать задачу и/или проблему и выделять её составные части; Уо 01.03 определять этапы решения задачи; Уо 01.05 составлять план действий; Уо 01.08 реализовать составленный план; Уо 01.09 оценивать результат и последствия своих действий (самостоятельно или с помощью наставника) Уо 02.02 определять необходимые источники информации; Уо 02.03 планировать процесс поиска; структурировать получаемую информацию; Уо 02.05 оценивать	Примерный тест Блок 1. Решите задачу и выберите правильный ответ 1.1. Сколькими способами можно составить расписание одного учебного дня из 5 различных уроков? а) 30; б) 100; в) 120; г) 5. 1.2. Бросают игральную кость. Вероятность события А – «выпало число очков, кратное 3» – равна ... а) 1/3; б) 1/2; в) 1/6; г) 2. 1.3. Брошена монета и игральная кость. Если ввести события: А – «выпал герб» и В – «появилось 5 очков», то событие, заключающееся в том, что выпал герб и появилось не 5 очков, будет представлять собой выражение ... а) $A + \bar{B}$; б) $\bar{A} * B$; в) $A * B$; г) $A * \bar{B}$. 1.4. Катя и Аня пишут диктант. Вероятность того, что Катя допустит ошибку, составляет 60%, а вероятность ошибки у Ани составляет 40%. Найти вероятность того, что обе девочки напишут диктант без ошибок. а) 0,24; б) 0,4; в) 0,48; г) 0,2. 1.5. Дискретная случайная величина X задана законом распределения вероятностей: <table><tr><td>X</td><td>2</td><td>3</td><td>10</td></tr><tr><td>P</td><td>0,1</td><td>0,4</td><td>0,5</td></tr></table> Тогда вероятность $P(3 \leq X \leq 10)$ равна ... а) 0,5; б) 0,9; в) 0,4; г) 0,1. 1.6. Дискретная случайная величина X задана законом распределения вероятностей: <table><tr><td>X</td><td>2</td><td>3</td><td>10</td></tr><tr><td>P</td><td>0,1</td><td>0,4</td><td>0,5</td></tr></table> Тогда ее математическое ожидание равно ... а) 0,5; б) 1,9; в) 5,4; г) 6,4. 1.7. Выберите из перечисленного формулу Бернулли: а) $P_n(k) = C_n^k p^{n-k} q^k$; б) $P_n(k) = C_k^n p^k q$; в) $P_n(k) = C_n^k p^k q^{n-k}$; г) $P_n(k) = C_k^n p^k q^{n-k}$. 1.8. Плотность распределения вероятностей непрерывной случайной величины имеет вид $f(x) = \begin{cases} C & \text{при } x \in (-3; 7), \\ 0 & \text{при } x \notin (-3; 7) \end{cases}$. Тогда значение C равно ... а) $\frac{1}{4}$; б) 4; в) $\frac{1}{10}$; г) 10.	X	2	3	10	P	0,1	0,4	0,5	X	2	3	10	P	0,1	0,4	0,5
	X	2	3	10													
	P	0,1	0,4	0,5													
	X	2	3	10													
	P	0,1	0,4	0,5													

практическую значимость результатов поиска;
Уо 02.07 использовать современное программное обеспечение;
Уо 02.08 использовать различные цифровые средства для решения профессиональных задач;
Уо 04.02 взаимодействовать с коллегами, руководством, клиентами в ходе профессиональной деятельности;
Уо 05.01 грамотно излагать свои мысли и оформлять документы по профессиональной тематике на государственном языке;
Уо 09.01 понимать общий смысл четко произнесенных высказываний на известные темы (профессиональные и бытовые);
Уо 09.02 участвовать в диалогах на знакомые общие и профессиональные темы

3 1. Элементы комбинаторики
3 2. Понятие случайного события, классическое определение вероятности, вычисление вероятностей событий с использованием элементов комбинаторики, геометрическую

1.9. Из генеральной совокупности извлечена выборка объема $n=50$:

$x_i - x_{i+1}$	1-3	3-5	5-7	7-9	9-11
n_i	20	n_2	12	8	4

Тогда относительная частота вариантов, попавших в интервал (3;5), равна ...

а) 0,06; б) 0,12; в) 0,88; г) 0,32.

1.10. Из генеральной совокупности извлечена выборка объема $n=100$, полигон частот которой имеет вид:

Тогда значение параметра a равно ...

а) 53; б) 47; в) 23,5; г) 57.

1.11. Медиана вариационного ряда равна 2; 3; 4; 6; 7; 8; 9; 10; 11; 12 ...

а) 7,5; б) 10; в) 7; г) 8.

1.12. Дан доверительный интервал (3,56; 5,23) для оценки математического ожидания нормально распределенного количественного признака. Тогда точность этой оценки равна ...

а) 4,395; б) 0,57; в) 0,835; г) 1,67.

1.13. Из генеральной совокупности извлечена выборка объема $n=20$:

x_i	-3	4	7
n_i	6	12	2

Тогда несмещенная оценка математического ожидания равна ...

а) 4,0; б) 2,0; в) 2,2; г) 2,7.

1.14. В результате измерений некоторой физической величины одним прибором (без систематических ошибок) получены следующие результаты (в мм): 10; 12; 14. Тогда выборочная дисперсия равна ...

а) $\frac{4}{3}$; б) $\frac{8}{3}$; в) 0; г) 12.

Блок 2. Решите задачу и выберите правильный ответ

2.1. В партии их 10 деталей имеется 6 бракованных. Наудачу отобраны четыре детали. Тогда вероятность того, что среди отобранных деталей – две бракованные, равна ...

а) $\frac{1}{3}$; б) $\frac{1}{35}$; в) $\frac{3}{7}$; г) $\frac{1}{14}$.

2.2. В трех партиях 1000 ламп. В первой- 430, во второй – 180. В первой партии- 6% бракованных, во второй партии – 5% бракованных ламп, в третьей – 4%. Наудачу выбирается одна лампа. Вероятность того, что выбрана бракованная лампа равна ...

а) 0,00755; б) 0,0535; в) 0,0504; г) 0,056.

2.3. Для дискретной случайной величины X :

X	6	9	12
P	p_1	p_2	p_3

вероятность	функция распределения имеет вид ...								
3 3. Алгебра событий, теоремы умножения и сложения вероятностей, формула полной вероятности	$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 6, \\ 0,20 & \text{при } 6 < x \leq 9, \\ p & \text{при } 9 < x \leq 12, \\ 1 & \text{при } x > 12. \end{cases}$								
3 4. Схема и формула Бернулли, приближенные формулы в схеме Бернулли. Формула (теорема) Байеса	Тогда значение параметра p равно ...								
3 5. Понятия случайной величины, дискретной случайной величины, ее распределение и характеристики, непрерывной случайной величины, ее распределение и характеристики	а) 1; б) 0,15; в) 0,55; г) 1,1.								
3 6. Законы распределения непрерывных случайных величин	2.4. Среднее число вызовов, поступающих на станцию «Скорой помощи» в течение одной минуты, равно 4. Тогда вероятность того, что в течение двух минут поступит ровно 10 вызовов, можно вычислить как ...								
3 7. Центральная предельная теорема, выборочный метод математической статистики, характеристики выборки	а) $\frac{8^{10}}{10!} e^{-8}$; б) $\frac{10^8}{8!} e^{-10}$; в) $\frac{e^{-8}}{10!}$; г) $\frac{4^{10}}{10!} e^{-4}$.								
3 8. Понятие вероятности и частоты	2.5. Непрерывная случайная величина X задана плотностью распределения вероятностей $f(x) = \frac{1}{4\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-18)^2}{32}}$. Тогда вероятность того, что в результате испытания X примет значение, заключенное в интервале (14; 20), можно вычислить как ...								
Зо 01.05 структуру плана для решения задач	а) $P(14 < X < 20) = \frac{1}{2} \Phi(0,5) - \Phi(1)$, где $\Phi(x)$ – функция Лапласа;								
Зо 02.01 номенклатура информационных источников, применяемых в профессиональной деятельности;	б) $P(14 < X < 20) = \Phi(0,5) + \Phi(1)$, где $\Phi(x)$ – функция Лапласа;								
Зо 02.04 современные средства и устройства информатизации, порядок их применения и программное обеспечение в профессиональной	в) $P(14 < X < 20) = \Phi(0,5) - \Phi(1)$, где $\Phi(x)$ – функция Лапласа;								
	г) $P(14 < X < 20) = \frac{1}{2} \Phi(0,5) + \Phi(1)$, где $\Phi(x)$ – функция Лапласа.								
	2.6. Из генеральной совокупности извлечена выборка объема $n=100$:								
	<table><tr><td>x_i</td><td>6</td><td>9</td><td>12</td></tr><tr><td>n_i</td><td>20</td><td>55</td><td>25</td></tr></table>	x_i	6	9	12	n_i	20	55	25
x_i	6	9	12						
n_i	20	55	25						
	Тогда ее функция распределения имеет вид ...								
	а) $F^*(x) = \begin{cases} 1 & \text{при } x \leq 6, \\ 0,20 & \text{при } 6 < x \leq 9, \\ 0,75 & \text{при } 9 < x \leq 12, \\ 0 & \text{при } x > 12. \end{cases}$								
	б) $F^*(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 6, \\ 0,20 & \text{при } 6 < x \leq 9, \\ 0,55 & \text{при } 9 < x \leq 12, \\ 0,25 & \text{при } x > 12. \end{cases}$								
	в) $F^*(x) = \begin{cases} 1 & \text{при } x \leq 6, \\ 0,75 & \text{при } 6 < x \leq 9, \\ 0,20 & \text{при } 9 < x \leq 12, \\ 0 & \text{при } x > 12. \end{cases}$								
	г) $F^*(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 6, \\ 0,20 & \text{при } 6 < x \leq 9, \\ 0,75 & \text{при } 9 < x \leq 12, \\ 1 & \text{при } x > 12. \end{cases}$								
	Блок 3. Решите задачу								
	3.1. Кейс 1								

№	Отделение	лет										
1	Коммерция	15	17	16	16	18	18	16	20	16	19	18
2	Вычислительная техника	16	18	17	17	21	17	20	19	19	17	17
3	Технология деревообработки	16	16	19	15	18	17	17	15	15	19	20
4	Конструирование одежды	15	16	18	18	25	20	19	20	18	15	17

Вероятность того, что выбранный случайным образом абитуриент, поступающий на отделение «Коммерция», является несовершеннолетним, равна ...

а) $\frac{6}{11}$; б) $\frac{5}{6}$; в) $\frac{5}{11}$; г) $\frac{1}{11}$.

Впишите свой ответ.

3.3.2. Известен возрастной состав абитуриентов по отделениям. В таблице приведен возраст некоторых из них:

№	Отделение	лет										
1	Коммерция	15	17	16	16	18	18	16	20	16	19	18
2	Вычислительная техника	16	18	17	17	21	17	20	19	19	17	17
3	Технология деревообработки	16	16	19	15	18	17	17	15	15	19	20
4	Конструирование одежды	15	16	18	18	25	20	19	20	18	15	17

Размах вариации по возрастному составу абитуриентов отделения «Конструирование одежды» равен ...

Впишите свой ответ.

3.3.3. Известен возрастной состав абитуриентов по отделениям. В таблице приведен возраст некоторых из них:

№	Отделение	лет										
1	Коммерция	15	17	16	16	18	18	16	20	16	19	18
2	Вычислительная техника	16	18	17	17	21	17	20	19	19	17	17
3	Технология деревообработки	16	16	19	15	18	17	17	15	15	19	20
4	Конструирование одежды	15	16	18	18	25	20	19	20	18	15	17

Выборочное среднее возрастного состава абитуриентов отделения «Вычислительная техника» равно ...

Критерии оценки

За каждое задание, выполненное правильно, начисляется 1 балл

Уровень обученности	% набранных баллов	Оценка
первый	0-69	2
второй	24-79	3

третий	46-70	3
	71-89	4
четвертый	70-84	4
	85-100	5

Описание уровней обученности:

Первый уровень. Достигнутый уровень оценки результатов обучения показывает, что студент усвоил некоторые элементарные знания по основным вопросам дисциплины, но не овладел необходимой системой знаний.

Второй уровень. Достигнутый уровень оценки результатов обучения показывает, что студент обладает необходимой системой знаний и владеет некоторыми умениями по дисциплине, способен понимать и интерпретировать освоенную информацию, что позволит ему в дальнейшем развить такие качества умственной деятельности, как глубина, гибкость, критичность, доказательность, эвристичность.

Третий уровень. Достигнутый уровень оценки результатов обучения показывает, что студент продемонстрировал глубокие прочные знания и развитые практические умения и навыки, может сравнивать, оценивать и выбирать методы решения заданий, работать целенаправленно, используя связанные между собой формы представления информации.

Четвертый уровень. Достигнутый уровень оценки результатов обучения свидетельствует о том, что студент способен обобщать и оценивать информацию, полученную на основе исследования нестандартной ситуации; использовать сведения из различных источников, успешно соотнося их с предложенной ситуацией.

ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ, ВКЛЮЧАЯ АКТИВНЫЕ И ИНТЕРАКТИВНЫЕ МЕТОДЫ ОБУЧЕНИЯ

№ п/п	Название образовательной технологии (с указанием автора) / активные и интерактивные методы обучения	Цель использования образовательной технологии	Планируемый результат использования образовательной технологии	Описание порядка использования (алгоритм применения) технологии в практической профессиональной деятельности
1	Информационно-коммуникационная технология (Гарольд Дж. Ливитт и Томас Л. Уислер)	Повышение качества обучения за счет внедрения современных технологий, использование программы для математических расчетов Mathway	Формирование умений самостоятельно: 1) студенты пользуются образовательным порталом (выполняют тест, скачивают задания); 2) пользуются сетевой папкой; 3) совместное использование студентами интерактивной доски Padlet; 4) выполнение практической работы за компьютером	Применение офлайн и онлайн обучения в профессиональной деятельности. Офлайн-обучение: создание обучающимися презентаций и их демонстрация на занятии; применение на уроке курсов образовательного портала для закрепления и контроля усвоения материала (тестирование, задания для самостоятельной работы). Онлайн-обучение: организация учебного процесса посредством электронных площадок (образовательный портал, интерактивная доска Padlet)
2	Здоровьесберегающие технологии	Сохранение и поддержание здоровья обучающихся	Благоприятный микроклимат и психологическая обстановка	Соблюдение требований к освещению, температурному режиму, влажности; проветривание перед началом занятия; физкультминутка на уроке; смена видов деятельности на уроке.
3	Технология групповой деятельности Она была описана у И. Первина, А.Г. Ривина, Н. Гузика, В.К. Дьяченко, и других.	Активизация познавательной деятельности, приобщение к коллективному взаимодействию	Использование групповых технологий обучения ведет к: взаимообогащению знаниями при работе в группе; активизации познавательных	Технологический процесс работы обучающихся в группе включает в себя элементы: подготовительная часть;

			процессов; самостоятельному распределению действий и операций; коммуникации и обсуждениям для большего взаимопонимания; обмену способами действий и их решений; рефлексии.	непосредственная групповая работа; завершающая часть.
4	Технология смешанного обучения С. Твигг модель Emporium Model (условия электронного обучения на специальном сайте учебной организации в специально оборудованных компьютерных классах)	Активизация деятельности обучающегося на получение информации и указаний	- акцент внимания на обучающемся, его индивидуальном обучении и восприятии материала; – повышение познавательной активности и мотивации усвоения знаний и умений; - формирование знаний, умений закрепление знаний, - формирование умений анализировать и преобразовывать информацию.	- использование электронных курсов на образовательном портале для изучения материала, выполнения заданий (система MOODLE (образовательный портал МГТУ им.Г.И. Носова)); - демонстрация теоретического материала и визуализации содержания темы занятия и порядка работы; - формирование новых умений; - активизация самостоятельной деятельности.

ПЕРЕЧЕНЬ ПРАКТИЧЕСКИХ ЗАНЯТИЙ

Темы	Темы практических занятий	Количество часов	в форме практической подготовки	Требования ФГОС СПО (уметь)
Тема 1. Элементы комбинаторики	№ 1. Подсчёт числа комбинаций	2		У 1 Уо 01.02, Уо 01.03, Уо 01.05,
Тема 2. Основы теории вероятностей	№ 2. Вычисление вероятностей с использованием формул комбинаторики	2		Уо 01.08, Уо 01.09, Уо 02.02, Уо 02.03, Уо 02.05, Уо 02.07,
	№3. Вычисление вероятностей сложных событий	2		Уо 02.08, Уо 04.02, Уо 05.01, Уо 09.01, Уо 09.02
Тема 3. Дискретные случайные величины (ДСВ)	№ 4. Построение закона распределения и функция распределения ДСВ. Вычисление основных числовых характеристик ДСВ	2		У 1, У 2 Уо 01.02, Уо 01.03, Уо 01.05, Уо 01.08, Уо 01.09, Уо 02.02,
	№ 5. Решение задач с применением законов распределения вероятностей ДСВ	2		Уо 02.03, Уо 02.05, Уо 02.07, Уо 02.08, Уо 04.02, Уо 05.01, Уо 09.01, Уо 09.02
Тема 4. Непрерывные случайные величины (НСВ)	Практическая работа 6. Вычисление числовых характеристик НСВ. Построение функции плотности и интегральной функции распределения.	2		
Тема 5. Математическая статистика	№ 7. Построение эмпирической функции распределения. Вычисление числовых характеристик выборки	2		У 1, У 2, У 3 Уо 01.02, Уо 01.03, Уо 01.05, Уо 01.08, Уо 01.09, Уо 02.02,
	№ 8. Вычисление точечных и интервальных оценок	2		Уо 02.03, Уо 02.05, Уо 02.07, Уо 02.08, Уо 04.02, Уо 05.01, Уо 09.01, Уо 09.02
ИТОГО		16		

ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЙ МАРШРУТ

Контрольная точка	Контролируемые разделы (темы) учебной дисциплины	Контролируемые результаты	Оценочные средства	
№ 1	Тема 1. Элементы комбинаторики Тема 2. Основы теории вероятностей	У 1 Уо 01.02, Уо 01.03, Уо 01.05, Уо 01.08, Уо 01.09, Уо 02.02, Уо 02.03, Уо 02.05, Уо 02.07, Уо 02.08, Уо 04.02, Уо 05.01, Уо 09.01, Уо 09.02 З 1-3 4 Зо 01.05, Зо 02.01, Зо 02.04, Зо 05.02, Зо 09.03	Контрольная работа № 1	1. Тест 2. Практические задания
№ 2	Тема 3. Дискретные случайные величины (ДСВ) Тема 4. Непрерывные случайные величины (НСВ)	У 1, У 2 Уо 01.02, Уо 01.03, Уо 01.05, Уо 01.08, Уо 01.09, Уо 02.02, Уо 02.03, Уо 02.05, Уо 02.07, Уо 02.08, Уо 04.02, Уо 05.01, Уо 09.01, Уо 09.02 З 4, З 5, З 6, З 7 Зо 01.05, Зо 02.01, Зо 02.04, Зо 05.02, Зо 09.03	Контрольная работа № 2	1. Тест 2. Практические задания
№ 3	Тема 5. Математическая статистика	У 1, У 2, У 3 Уо 01.02, Уо 01.03, Уо 01.05, Уо 01.08, Уо 01.09, Уо 02.02, Уо 02.03, Уо 02.05, Уо 02.07, Уо 02.08, Уо 04.02, Уо 05.01, Уо 09.01, Уо 09.02 З 7, З 8 Зо 01.05, Зо 02.01, Зо 02.04, Зо 05.02, Зо 09.03	Контрольная работа № 3	1. Тест 2. Практические задания
№ 4	Допуск к экзамену	У 1 – У 3 Уо 01.02, Уо 01.03, Уо 01.05, Уо 01.08, Уо 01.09, Уо 02.02, Уо 02.03, Уо 02.05, Уо 02.07, Уо 02.08, Уо 04.02, Уо 05.01, Уо 09.01, Уо 09.02 З 1 – З 8 Зо 01.05, Зо 02.01, Зо 02.04, Зо 05.02, Зо 09.03	Портфолио	1. Практические работы 2. Тесты
Промежуточная аттестация	Экзамен	У 1 – У 3 Уо 01.02, Уо 01.03, Уо 01.05, Уо 01.08, Уо 01.09, Уо 02.02, Уо 02.03, Уо 02.05, Уо 02.07, Уо 02.08, Уо 04.02, Уо 05.01, Уо 09.01, Уо 09.02 З 1 – З 8 Зо 01.05, Зо 02.01, Зо 02.04, Зо 05.02, Зо 09.03	Итоговое тестирование	1. Тест (ФЭПО) 2. Кейс-задания (ФЭПО)

ЛИСТ РЕГИСТРАЦИИ ИЗМЕНЕНИЙ И ДОПОЛНЕНИЙ

№ п/п	Раздел рабочей программы	Краткое содержание изменения/дополнения	Дата, № протокола заседания ПК/ПЦК	Подпись председателя ПК/ПЦК
		Рабочая программа учебной дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» актуализирована. В рабочую программу внесены следующие изменения:		
	3 УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ п. 3.2 Учебно-методическое и информационное обеспечение реализации программы	п. Учебно-методическое и информационное обеспечение реализации программы читать в новой редакции: Основная литература - Бирюкова, Л. Г. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс]: учебное пособие / Л.Г. Бирюкова, Г.И. Бобрик, Р.В. Сагитов [и др.]; под ред. В.И. Матвеева. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва: ИНФРА-М, 2020. — 289 с. — (Среднее профессиональное образование). - ISBN 978-5-16-015712-2. - Режим доступа: https://znanium.com/read?id=363087. - Загл. с экрана. - Спирина, М. С. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс]: учебник для студентов учреждений среднего профессионального образования / М. С. Спирина, П. А. Спирин. - 5-е изд., стер. - Москва: Издательский центр "Академия", 2021. - 352 с. - Режим доступа: https://academia-moscow.ru/reader/?id=548421. - ISBN 978-5-4468-9885-5 Дополнительная литература - Коган, Е. А. Теория вероятностей и математическая статистика: учебник / Е.А. Коган, А.А. Юрченко. — Москва: ИНФРА-М, 2020. — 250 с. — (Среднее профессиональное образование). - ISBN 978-5-16-015649-1. - Режим доступа: https://znanium.com/read?id=363072 - Павлов, С. В. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс]: учебное пособие / С.В. Павлов. — Москва: РИОР: ИНФРА-М, 2022. — 186 с. — (ВО: Бакалавриат). - ISBN 978-5-369-00679-5. — Режим доступа: https://znanium.com/read?id=399257 - Сапожников, П. Н. Теория вероятностей, математическая статистика в примерах, задачах и тестах: учебное пособие / П. Н. Сапожников, А. А. Макаров, М. В. Радионова. — Москва: КУРС: ИНФРА-М, 2020. — 496 с. - ISBN 978-5-906818-47-8. - Текст: электронный. - Режим доступа: https://znanium.com/read?id=355899 - Загл. с экрана.	13.09.2023 г. Протокол № 1	