



МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Магнитогорский государственный технический университет им. Г.И. Носова»



УТВЕРЖДАЮ:

Директор института

Ю. И. Мезин

«24» сентября 2018 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

МАТЕМАТИКА

Направление подготовки
09.03.03 Прикладная информатика

Профиль программы
Информационные системы и технологии в управлении ИТ-проектами

Уровень высшего образования – бакалавриат

Программа подготовки – академический бакалавриат

Форма обучения

Очная

Институт	Институт естествознания и стандартизации
Кафедра	Высшей математики
Курс	1
Семестр	1, 2

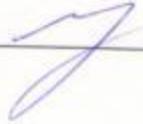
Магнитогорск
2018 г.

Рабочая программа составлена на основе ФГОС ВО по направлению 09.03.03 Прикладная информатика, утвержденного приказом МОиН РФ от 12.03.2015 № 207.

Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры Высшей математики "4" сентября 2018 г., протокол № 1.

Зав. кафедрой  /Е. А. Пузанкова/

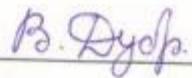
Рабочая программа одобрена методической комиссией Института естествознания и стандартизации "24" сентября 2018 г., протокол № 1.

Председатель  /И. Ю. Мезин/

Согласовано:
Зав. кафедрой Бизнес-информатики и информационных технологий

 /Г.Н.Чусавитина/

Рабочая программа составлена: доцент кафедры Высшей математики

 /В. В. Дубровский/

Рецензент: доцент кафедры Прикладной математики и информатики, к.ф.-м.н., доцент

 /Л.В.Смирнова/

1 Цели освоения дисциплины

Учебная дисциплина «Математика» реализует требования федерального государственного образовательного стандарта высшего профессионального образования по направлению подготовки 09.03.03 «Прикладная информатика».

Цель дисциплины – ознакомить обучаемых с основными понятиями и методами математики, привить обучаемым способностью анализировать социально-экономические задачи и процессы с применением методов системного анализа и математического моделирования, развить у студентов способность к самоорганизации и самообразованию.

2 Место дисциплины в структуре образовательной программы подготовки бакалавра

Дисциплина Б1.Б.09. «Математика» входит в базовую часть блока 1 образовательной программы бакалавриата по направлению 09.03.03 «Прикладная информатика».

Для успешного усвоения данной дисциплины необходимо, чтобы обучаемый владел знаниями, умениями и навыками, сформированными в процессе изучения математики в средней школе.

Знания, полученные обучаемыми по дисциплине «Математика», непосредственно используются при изучении дисциплин базового цикла:

«Физика»;

«Математическая логика»;

«Математическое моделирование».

Учебная дисциплина «Математика» составит основу и для циклов дисциплин специализаций.

3 Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины и планируемые результаты обучения

В результате освоения дисциплины «Математика» обучающийся должен обладать следующими компетенциями:

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения
ОК-7 - способностью к самоорганизации и самообразованию	
Знать	- основные понятия и методы математического анализа: теории пределов и непрерывных функций, дифференциального и интегрального исчисления функций одной и нескольких переменных, теории обыкновенных дифференциальных уравнений и систем дифференциальных уравнений
Уметь	- выявлять, строить и решать математические модели прикладных задач; - обсуждать способы эффективного решения задач, распознавать эффективные результаты от неэффективных
Владеть	- практическими навыками использования математических понятий и методов (изучаемых разделов математики) при решении прикладных задач; - навыками построения и решения математических моделей прикладных задач; - навыками обобщения результатов решения
ОПК-2 - способностью анализировать социально-экономические задачи и процессы с применением методов системного анализа и математического моделирования	

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения
Знать	<ul style="list-style-type: none"> – основные положения линейной алгебры и аналитической геометрии, – основные положения теории пределов и непрерывных функций, теории числовых и функциональных рядов, – основные теоремы дифференциального и интегрального исчисления функций одной и нескольких переменных, – основные методы решения простейших дифференциальных уравнений и систем дифференциальных уравнений
Уметь	<ul style="list-style-type: none"> – решать типовые задачи по изучаемым теоретически разделам; – применять методы математического анализа для исследования функций одной и двух переменных, сходимости несобственных интегралов, числовых и степенных рядов
Владеть	<ul style="list-style-type: none"> – навыками применения средств вычислительной техники к выполнению расчётов; – способами оценивания значимости и практической пригодности полученных результатов – возможностью междисциплинарного применения методов математического анализа для оценивания значимости и практической пригодности результатов решения профессиональных задач

4 Структура и содержание дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 12 зачетных единиц 432 акад. часа:

- контактная работа – 269,15 акад. часов:
 - аудиторная – 259 акад. часов;
 - внеаудиторная – 10 акад. часов;
- самостоятельная работа – 91 акад. часов;
- подготовка к экзамену – 71,4 акад. часа

Раздел/ тема дисциплины	Семестр	Аудиторная контактная работа (в акад. часах)			Самостоятельная работа (в акад. часах)	Вид самостоятельной работы	Форма текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации	Код и структурный элемент компетенции
		лекции	лаборат. занятия	практич. занятия				
Раздел 1. Введение в математический анализ								
1.1. Предел последовательности. Предел и непрерывность функции одной переменной (ФОП). Вычисление пределов в пакете MATLAB	1	10		14/5И	14	- подготовка к практическим занятиям, - самостоятельная работа с литературой – конспект «Методы вычисления пределов пределы», - выполнение ИДЗ №1 «Предел и непрерывность»	- аудиторная контрольная работа (АКР) №1 «Пределы», - консультации по решению ИДЗ №1, - защита ИДЗ № 1. "Предел и непрерывность"	ОПК-2-зув, ОК-7 – зув
1.2. Дифференциальное исчисление	1	12		14/5И	16	- подготовка к практическим	- аудиторная контрольная	ОПК-2-

Раздел/ тема дисциплины	Семестр	Аудиторная контактная работа (в академических часах)			Самостоятельная работа (в академических часах)	Вид самостоятельной работы	Форма текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации	Код и структурный элемент компетенции
		лекции	лаборат. занятия	практич. занятия				
ФОО. Дифференцирование и построение графиков функций одной переменной в пакете MATLAB						занятиям, - самостоятельная работа с литературой – конспект «Задачи, приводящие к понятию производной», - выполнение ИДЗ №2 «Производная и её применение»	работа (АКР) №2 «Производная», - консультации по решению ИДЗ №2, - защита ИДЗ № 2. «Производная и её применение»	зுவ, ОК-7 – зув
Итого по разделу	1	22		28/10И	30		АКР №1, АКР №2, ИДЗ №1, ИДЗ №2	
Раздел 2. Интегральное исчисление функции одной переменной								
2.1. Первообразная и неопределённый интеграл. Основные методы интегрирования. Вычисление неопределённых интегралов в пакете MATLAB	1	8		10/4И	15	- подготовка к практическим занятиям, - составление учебной карты «Методы интегрирования»	- аудиторная контрольная работа (АКР) №3 «Неопределённый интеграл», - консультации по решению ИДЗ №3	ОПК-2-зுவ, ОК-7 – зув
2.2. Определённый интеграл. Задачи,	1	10		12/5И	15,3	- подготовка к практическим	- аудиторная контрольная	ОПК-2-

Раздел/ тема дисциплины	Семестр	Аудиторная контактная работа (в акад. часах)			Самостоятельная работа (в акад. часах)	Вид самостоятельной работы	Форма текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации	Код и структурный элемент компетенции
		лекции	лаборат. занятия	практич. занятия				
приводящие к понятию определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной и интегрирование по частям. Несобственные интегралы. Вычисление определённых и несобственных интегралов в пакете MATLAB						занятиям, - выполнение ИДЗ №3 «Определенный интеграл и его приложения», - составление учебной карты «Приложения определенного интеграла»	работа (АКР) №4 «Определённый интеграл», - защита ИДЗ № 3 «Определенный интеграл и его приложения»	зுவ, ОК-7 – зув
Итого по разделу	1	18		22/9И	30,3		АКР №3, АКР №4, ИДЗ №3	
Раздел 3. Линейная и векторная алгебра								
3.1. Линейная алгебра: Матрицы и действия над ними. Определители матриц, ранг матрицы, обратная матрица. Методы решения систем линейных алгебраических уравнений. Комплексные числа. Операции с матрицами и решение систем линейных	1	8		12/5И	13	- подготовка к практическим занятиям, - самостоятельное изучение литературы – составление конспекта «Доказательство свойств определителя», - выполнение ИДЗ №4	- аудиторная контрольная работа (АКР) №5 «Линейная алгебра», - консультации по решению ИДЗ №4	ОПК-2– зுவ, ОК-7 – зув

Раздел/ тема дисциплины	Семестр	Аудиторная контактная работа (в акад. часах)			Самостоятельная работа (в акад. часах)	Вид самостоятельной работы	Форма текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации	Код и структурный элемент компетенции
		лекции	лаборат. занятия	практич. занятия				
уравнений в в пакете MATLAB.						«Линейная и векторная алгебра»		
3.2. Векторная алгебра: линейные и нелинейные операции над векторами и их свойства. Действия с векторами в пакете MATLAB	1	6		10/4И	12	- подготовка к практическим занятиям, - выполнение ИДЗ №4 «Определенный интеграл и его приложения», - самостоятельное изучение литературы – составление конспекта «Доказательство свойств определителя», - выполнение - выполнение ИДЗ №4 «Линейная и векторная алгебра»	- аудиторная контрольная работа (АКР) №6 «Векторная алгебра», - защита ИДЗ №4 «Определенный интеграл и его приложения»	ОПК-2–зув, ОК-7 – зув
Итого по разделу		14		22/9И	25		АКР №5, АКР №6, ИДЗ №4	
Итого за семестр	1	54		72/28И	85,3		экзамен	
4. Раздел. Аналитическая геометрия								

Раздел/ тема дисциплины	Семестр	Аудиторная контактная работа (в акад. часах)			Самостоятельная работа (в акад. часах)	Вид самостоятельной работы	Форма текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации	Код и структурный элемент компетенции
		лекции	лаборат. занятия	практич. занятия				
4.1. Аналитическая геометрия на плоскости. Построение кривых в полярной системе координат. Построение кривых второго порядка. Построение КВП в пакете MATLAB	2	6		8/4И	1	- подготовка к практическим занятиям, - выполнение ИДЗ №5 «Аналитическая геометрия. КВП и ПВП»	- аудиторная контрольная работа (АКР) №7 «Аналитическая геометрия и кривые второго порядка», - консультации по решению ИДЗ №6	ОПК-2–зув, ОК-7 – зув
4.2. Аналитическая геометрия на плоскости. Построение поверхностей второго порядка (ПВП) в декартовых координатах. Построение ПВП в пакете MATLAB	2	4		6/4И	1	- подготовка к практическим занятиям, - выполнение ИДЗ №5 «Аналитическая геометрия. КВП и ПВП»	- защита ИДЗ № 5 «Аналитическая геометрия. КВП и ПВП»	ОПК-2–зув, ОК-7 – зув
Итого по разделу		10		14/8И	2		АКР №7, ИДЗ №5	
Раздел 5. Функции нескольких переменных								
5.1. Функции нескольких переменных: область определения, предел, непрерывность. Частные производные и полный дифференциал. Производная по направлению и градиент.	2	5		6/3И	1	- подготовка к практическим занятиям, - выполнение ИДЗ №6 «ФНП и её приложения»	- аудиторная контрольная работа (АКР) №8 «Частные производные и их применение», - консультации по решению	ОПК-2–зув, ОК-7 – зув

Раздел/ тема дисциплины	Семестр	Аудиторная контактная работа (в акад. часах)			Самостоятельная работа (в акад. часах)	Вид самостоятельной работы	Форма текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации	Код и структурный элемент компетенции
		лекции	лаборат. занятия	практич. занятия				
Дифференцирование и построение графиков ФНП в пакете MATLAB							ИДЗ №6	
5.2. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Экстремумы ФНП. Условный экстремум. Нахождение экстремумов ФНП в пакете MATLAB	2	5		8/3И		- подготовка к практическим занятиям, - выполнение ИДЗ №6 «ФНП и её приложения»	- защита ИДЗ №6 «ФНП и её приложения»	ОПК-2–зув, ОК-7 – зув
Итого по разделу		10		14/6И	2		АКР №8, ИДЗ №6	
Раздел 6. Интегральное исчисление функций нескольких переменных (ФНП)								
6.1. Двойной интеграл и его основные свойства. Сведение двойного интеграла к повторному интегралу. Замена переменных, переход в двойном интеграле к полярным координатам. Вычисление двукратных интегралов в пакете MATLAB	2	6		7/3И	1	- подготовка к практическим занятиям, - выполнение ИДЗ №7 «Кратные интегралы и их приложения»	- консультации по решению ИДЗ №7	ОПК-2–зув, ОК-7 – зув

Раздел/ тема дисциплины	Семестр	Аудиторная контактная работа (в акад. часах)			Самостоятельная работа (в акад. часах)	Вид самостоятельной работы	Форма текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации	Код и структурный элемент компетенции
		лекции	лаборат. занятия	практич. занятия				
6.2. Тройной интеграл и его свойства. Сведение тройного интеграла к повторному интегралу. Замена переменных, переход в тройном интеграле к цилиндрическим и сферическим координатам. Вычисление трехкратных интегралов в пакете MATLAB	2	6		7/3И		- подготовка к практическим занятиям, - выполнение ИДЗ №7 «Интеграл по фигуре и его приложения»	- аудиторная контрольная работа (АКР) №9 «Кратные интегралы», - защита ИДЗ №7 «Интеграл по фигуре и его приложения»	ОПК-2–зув, ОК-7 – зув
Итого по разделу		12		14/6И	1		АКР №8, ИДЗ №6	
Раздел 7. Обыкновенные дифференциальные уравнения (ОДУ)								
7.1. Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка. Типы и методы решения ДУ первого порядка. Решение ДУ первого порядка.в пакете MATLAB	2	7		10/3И	1	- подготовка к практическим занятиям, - выполнение ИДЗ №8 «Дифференциальные уравнения»	- аудиторная контрольная работа (АКР) №10 «Дифференциальные уравнения первого порядка»	ОПК-2–зув, ОК-7 – зув
7.2. Обыкновенные дифференциальные уравнения высших порядков. Типы и методы сведения ДУ высших порядков к	2	7		8/2И	0,15	- подготовка к практическим занятиям, - выполнение ИДЗ №8	- аудиторная контрольная работа (АКР) №11 «Дифференциальные	ОПК-2–зув, ОК-7 – зув

Раздел/ тема дисциплины	Семестр	Аудиторная контактная работа (в акад. часах)			Самостоятельная работа (в акад. часах)	Вид самостоятельной работы	Форма текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации	Код и структурный элемент компетенции
		лекции	лаборат. занятия	практич. занятия				
ДУ первого порядка. Линейные дифференциальные уравнения n-го порядка. Решение дифференциальных уравнений высших порядков в пакете MATLAB						«Дифференциальные уравнения»	уравнения высших порядков», - защита ИДЗ №8 «Дифференциальные уравнения»	
Итого по разделу		14		18/5И	1,15		АКР №10, АКР №11, ИДЗ №8	
Раздел 8. Ряды								
8.1. Числовые последовательности и ряды. Сходимость и сумма ряда. Признаки сходимости числовых рядов. Вычисление сумм числовых рядов в пакете MATLAB	2	5		8/2И	1	- подготовка к практическим занятиям, - выполнение ИДЗ №9 «Числовые и функциональные ряды»	- аудиторная контрольная работа (АКР) №12 «Числовые ряды»	ОПК-2–зув, ОК-7 – зув
8.2. Функциональные ряды, область сходимости. Степенные ряды и интервал сходимости. Ряды Тейлора (Маклорена). Разложение функций в степенные ряды. Ряды Фурье. Разложение функций в	2	6		8/2И		- подготовка к практическим занятиям, - выполнение ИДЗ №9 «Числовые и функциональные ряды»	- аудиторная контрольная работа (АКР) №13 «Функциональные ряды», - защита ИДЗ №9 «Числовые и	ОПК-2–зув, ОК-7 – зув

Раздел/ тема дисциплины	Семестр	Аудиторная контактная работа (в акад. часах)			Самостоятельная работа (в акад. часах)	Вид самостоятельной работы	Форма текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации	Код и структурный элемент компетенции
		лекции	лаборат. занятия	практич. занятия				
ряды Тейлора и Фурье в пакете MATLAB							функциональные ряды»	
Итого по разделу		11		16/4И	1		АКР №12, АКР №13, ИДЗ №9	
Итого за семестр		57		76/28И	6,15		экзамен	
Итого по дисциплине		111		148/56И	91,45		2 экзамена	

И – в том числе, часы, отведенные на работу в интерактивной форме.

5 Образовательные и информационные технологии

Согласно п. 34 Порядка организации и осуществления деятельности по образовательным программам бакалавриата высшего образования (утв. приказом МОиН РФ от 05.04.2017 г. № 301), при проведении учебных занятий обеспечивается развитие у обучающихся навыков командной работы, межличностной коммуникации, принятия решений, лидерских качеств, в том числе с учетом региональных особенностей профессиональной деятельности выпускников и потребностей работодателей.

В нашей работе мы используем следующие технологии.

1. *Традиционные образовательные технологии.* Организация образовательного процесса, предполагает прямую трансляцию знаний от преподавателя к студенту (преимущественно на основе объяснительно-иллюстративных методов обучения). Учебная деятельность студента носит в таких условиях, как правило, репродуктивный характер.

Формы учебных занятий:

- информационная лекция – последовательное изложение материала в дисциплинарной логике, осуществляемое преимущественно вербальными средствами.
- практическое занятие, посвященное освоению конкретных умений и навыков по предложенному алгоритму.

В ходе проведения практических занятий (в интерактивной форме), а также в процессе самостоятельной работы студентов предусматривается использование средств ИКТ и пакетов прикладных программ при выполнении индивидуальных заданий и самоподготовки, в частности, математических пакетов Mathcad и MATLAB.

2. *Технологии проблемного обучения.* Организация образовательного процесса предполагает постановку проблемных вопросов, создание учебных проблемных ситуаций для стимулирования активной познавательной деятельности студентов.

Формы учебных занятий:

- проблемная лекция – изложение материала, предполагающее постановку проблемных и дискуссионных вопросов, освещение различных научных подходов, авторские комментарии, связанные с различными моделями интерпретации изучаемого материала.

- лекция «вдвоем» (бинарная лекция) – изложение материала в форме диалогического общения двух студентов (заранее подготовившихся) или студента и преподавателя (например, реконструкция диалога исторических личностей – свидетелей открытия какого-либо научного факта; «ученого» и «практика» и т.д.).

- практическое занятие в форме практикума – организация учебной работы, направленная на решение комплексной учебно-познавательной задачи, требующей от студента применения как научно-теоретических знаний, так и практических навыков.

- самостоятельная работа (с консультациями преподавателя) на основе кейс-метода – обучение в контексте моделируемой ситуации, воспроизводящей реальные условия научной, производственной. Обучающиеся должны проанализировать ситуацию, разобраться в сути проблем, предложить возможные решения и выбрать лучшее из них. Кейсы базируются на реальном фактическом материале или же приближены к реальной ситуации.

3. *Информационно-коммуникационные образовательные технологии.* Организация образовательного процесса с применением специализированных программных сред и технических средств работы с информацией (информационную среду университета ЛМС MOODLE).

6 Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся

По дисциплине «Математика» предусмотрена аудиторная и внеаудиторная самостоятельная работа обучающихся.

Аудиторная самостоятельная работа студентов предполагает решение контрольных задач на практических занятиях.

Примерные аудиторные контрольные работы (АКР):

АКР №1 «Пределы»

1. Вычислить пределы:

а) $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^3 + 3x^2 + 2x}{x^2 - x - 6}$ б) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(x-7)(x-3)(x-4)}{5x^4 - x^2 + 11}$

в) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x^3}{2x^2 - 1} - \frac{x^2}{2x + 1} \right)$ г) $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{\operatorname{tg} \pi x}{(x + 2)}$

д) $\lim_{x \rightarrow 0} (1 - 4x)^{\frac{1}{3x} + 7}$ е) $\lim_{x \rightarrow 0} x \operatorname{ctg} 5x$

2. Исследовать функцию на непрерывность

$$f(x) = \begin{cases} x - 3 & \text{если } x < 0 \\ 5^x & \text{если } x \geq 0 \end{cases}$$

АКР №2 «Производная»

1. Найдите первую производную от функций:

а) $\begin{cases} x = \sqrt{1 - 25t^2}, \\ y = \arccos 5t + \pi, \end{cases}$ б) $y = x \cdot \cos 3x$, в) $y = \frac{x^2 - 3x + 2}{x^2 + 2x + 1} - 5 \cdot \log_2 x + 3$

г) $y = 5^{x^3 + \sqrt{x}} - 2 \operatorname{arctg}(4x^2 + 3x)$.

2. Составьте уравнения касательной к кривой $xy = 4$ в точке $x_0 = 1$.

3. Вычислите приближенно $y = \sqrt{x^2 + 8}$ при $x = 1,09$.

4. Вычислите предел по правилу Лопиталья $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos 4x - 1}{(e^{4x} - 1)^2}$.

АКР №3 «Неопределенный интеграл»

1. Вычислите неопределенные интегралы

а) $\int (1 + \operatorname{tg}^2 3x) dx$; б) $\int \frac{3 - 5x}{\sqrt{6x + x^2}} dx$; в) $\int \arcsin 5x dx$; г) $\int \frac{\ln^3 x}{x} dx$.

2. Вычислите неопределенные интегралы

а) $\int (1 - \sin 2x)^2 dx$; б) $\int \frac{x^2}{e^{2x}} dx$; в) $\int \frac{x - 1}{\sqrt[3]{2x - 1}} dx$.

АКР №4 «Определенный интеграл»

1. Вычислите определенные интегралы

$$1) \int_0^{\frac{\pi}{8}} (1 - \sin 2x)^2 dx; \quad 2) \int_0^1 \frac{x^2}{e^{2x}} dx; \quad 3) \int_1^{4.5} \frac{x-1}{\sqrt[3]{2x-1}} dx.$$

2. Найдите площади фигур, ограниченных линиями. В задаче (б) при построении линии воспользуйтесь таблицей важнейших кривых в полярной системе координат:

а) $xy = 6$, $x + y - 7 = 0$; б) $\rho^2 = 2 \cos 2\varphi$.

3. Найдите длину дуги кривой $\begin{cases} x = 2\sqrt{2} \cos t, \\ y = 2\sqrt{2} \sin t, \end{cases} \quad 0 \leq t \leq \frac{2}{3}\pi$.

4. Найти объём тела, образованного вращением вокруг оси ОУ фигуры, ограниченной линиями: $x^2 + y^2 - 4y = 0$, $y = \sqrt{3} \cdot x$, ($y \leq \sqrt{3} \cdot x$).

5. Вычислить несобственный интеграл или установить его расходимость:

$$1) \int_0^{\infty} x^3 e^{-x^4} dx; \quad 2) \int_2^4 \frac{dx}{\sqrt[3]{(4-x)^2}}.$$

АКР №5 «Линейная алгебра»

1. Вычислить матрицу $X = A \cdot B$, где $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 2 & 1 & 0 \\ 1 & -1 & 1 \end{pmatrix}$.

2. Вычислить определитель матрицы двумя способами $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ -1 & 1 & 1 \\ 0 & -1 & 1 \end{pmatrix}$.

3. Решить систему уравнений: а) по правилу Крамера; б) матричным методом; в) методом Гаусса

$$\begin{cases} 2x_1 - 3x_2 + 2x_3 = 2, \\ x_1 + 2x_2 - x_3 = 2, \\ 3x_1 + x_2 + x_3 = 8. \end{cases}$$

4. Решить систему уравнений методом Гаусса. Если система неопределенна, то найти общее и частное решения:

$$\begin{cases} 2x_1 - 4x_2 + 5x_3 + 3x_4 = 0, \\ 3x_1 - 6x_2 + 4x_3 + 2x_4 = 0, \\ 4x_1 - 8x_2 + 17x_3 + 11x_4 = 0. \end{cases}$$

АКР №6 «Векторная алгебра»

1. Постройте на плоскости векторы $\vec{a} = (4; -1)$, $\vec{b} = (-2; 5)$, $\vec{c} = (1; 2)$. Найдите их линейную комбинацию $2\vec{a} + \vec{b} + 3\vec{c}$ а) геометрически, б) аналитически.

2. $\vec{a} = (2; 1; -3)$, $\vec{b} = (-4; 0; 2)$, $\vec{c} = (1; 1; -2)$. Найдите:
- длину вектора \vec{a} , его направляющие косинусы, орт вектора \vec{a} ;
 - $\vec{a} \cdot \vec{b}$, $\vec{a} \cdot \vec{c}$, $\vec{b} \cdot \vec{c}$, $(\vec{a} + 2\vec{c}) \cdot (3\vec{a} - 5\vec{b})$;
 - $\vec{a} \times \vec{b}$, $\vec{a} \times \vec{c}$, $\vec{b} \times \vec{c}$, $(\vec{a} + 2\vec{c}) \times (3\vec{a} - 5\vec{b})$;
 - $\vec{a} \vec{b} \vec{c}$, $(\vec{a} + 2\vec{c})(3\vec{a} - 5\vec{b})(\vec{c} - 2\vec{b})$.
3. $\vec{a} = (1; 4; -3)$, $\vec{b} = (3; -2; 5)$, $\vec{c} = (3; -4; 2)$. Найдите площадь параллелограмма, построенного на векторах $\vec{a} + 2\vec{b}$ и $\vec{c} - 3\vec{b}$, и длины его сторон.
4. Проверьте, являются ли векторы $\vec{a} = (1; 1; 3)$, $\vec{b} = (3; 0; -2)$, $\vec{c} = (-1; 1; 3)$ компланарными.
5. Найдите $(3\vec{a} + \vec{b})(\vec{c} - 2\vec{a})(\vec{b} - 5\vec{c})$, если $\vec{a} \vec{b} \vec{c} = 5$.

АКР №7 «Аналитическая геометрия и кривые второго порядка»

1. Дано: $M_1(0; 4)$; $M_2(10; 3)$; $\varphi = 30^\circ$; $\vec{S} = (3; 2)$; $\vec{n} = (4; -3)$; $L_1: x - 4y + 3 = 0$; $L_2: 2x - 3y + 7 = 0$. Напишите общие уравнения прямых, проходящих через
- точку M_1 под углом φ к оси OX ;
 - точки M_1 и M_2 ;
 - точку M_1 параллельно вектору \vec{S} ;
 - точку M_2 перпендикулярно вектору \vec{n} ;
 - точку M_1 параллельно прямой L_1 ;
2. Даны вершины тетраэдра $ABCD$: $A(3; 4; -1)$, $B(5; 2; 2)$, $C(3; 1; 0)$, $D(2; 0; -3)$.
- А). Напишите
- уравнение плоскости (ABC) ,
 - уравнение плоскости, проходящей через D параллельно (ABC) .
 - канонические уравнения ребра AD .
 - канонические уравнения прямой, содержащей высоту DE тетраэдра.
- Б). Найдите
- угол между AD и DE ;
 - площадь треугольника ABC с точностью до $0,01$;
 - объем тетраэдра с точностью до $0,01$.
3. Приведите уравнения кривых к каноническому виду и постройте эти кривые

1) $2x^2 + 5y^2 - 20x + 10y + 35 = 0$

2) $9x^2 - y^2 - 18x - 2y + 89 = 0$

3) $y^2 - 2x + 2y + 7 = 0$

АКР №8 «Частные производные и их применение»

1. Найти область определения функции $z = \sqrt{1+x-y^2} + \sqrt{1-x-y^2}$.
2. Дана функция $z = \ln\left(\frac{1}{x} - \frac{1}{y}\right)$. Найти значение выражения $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} + \frac{\partial^2 z}{\partial x^2}$.
3. Найти производные сложной функции $z = u + v^2$, где $u = x^2 + \sin y$, $v = \ln(x + y)$.

4. Найти производные $\frac{\partial z}{\partial x}$ и $\frac{\partial z}{\partial y}$ неявной функции $e^z - x^2 y \sin xyz = 0$.
5. Составить уравнение касательной плоскости и нормали к поверхности $x^2 + y^2 - z^2 - 2x = 0$ в точке $A(1; 1; 0)$.
6. Исследовать на экстремум функцию двух переменных $z = x^2 + 4x - 27y + y^3$.

АКР №9 «Кратные интегралы»

1. Изменить порядок интегрирования в интеграле: $\int_0^1 dx \int_x^{2-x^2} f(x, y) dy$.
2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:
 $x = \frac{1}{4}y^2$, $x + y = 8$, $x = 0$.
3. Вычислить объём фигуры R , ограниченной поверхностями:
 $T: x^2 + y^2 = 4$, $x + y + z = 6$, $z = 0$.
4. Найти длину дуги кривой $x = \frac{1}{2}y^2 - 1$, отсеченной осью Oy .

ИДЗ №1. ПРЕДЕЛ И НЕПРЕРЫВНОСТЬ

Вариант 0.

1. Найдите пределы функций:
 а) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x(x^2 + 2x - 1)}{x - 1}$, б) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x - 2)(x^2 + 2x + 2)}{x^2 - 5x + 6}$, в) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{4 - 2x}{\sqrt{5x - 6} - 2}$,
 г) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{(x + 1)^2}{\operatorname{tg}(1 + x)}$, д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{5x - 1}{5x + 6} \right)^{8 + 15x}$.
2. Исследуйте функцию на непрерывность, выясните характер точек разрыва, сделайте чертеж графика функции

$$f(x) = \begin{cases} -\frac{1}{x-1}, & x < 1, \\ (x-1)^2, & 1 \leq x \leq 3, \\ 4, & x > 3. \end{cases}$$

а) $f(x) = \frac{1}{1 + 4^{\frac{1}{x}}}$, б)

ИДЗ №2. ПРОИЗВОДНАЯ И ЕЁ ПРИМЕНЕНИЕ

Вариант 0.

1. Найти производные следующих функций
 а) $y = 2\sqrt[3]{4x + 5} + x^5 \ln(2x + 1)$ б) $y = e^{\operatorname{tg} 3x} + \cos^2 4x$ в) $y = \frac{2\sqrt{x} + x^2}{\operatorname{arctg} 5x}$

$$\text{г) } y = \frac{1}{\sqrt{\sin 2x}} - 5 \log_2^3(4x) \quad \text{д) } \begin{cases} x = 2t^2 - \cos 2t \\ y = \sin 4t \end{cases} \quad \text{е) } x^4 + y^4 - 3x = 0.$$

2. Составить уравнение касательной к графику функции $y = x^4 - 2x^2$ в точке графика с абсциссой $x_0 = 0.5$.

3. Найти $\frac{dy}{dx}$ и $\frac{d^2y}{dx^2}$ следующих функций

$$\text{а) } y = x^3 \cdot \ln(2x+1) \quad \text{б) } \begin{cases} y = t - 4t^2 \\ x = \frac{1}{3}t^3 + 2t \end{cases}$$

4. Вычислить предел по правилу Лопиталя $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2^{3x} - 3^{2x}}{x + \arcsin x^3}$.

5. Найти промежутки монотонности и экстремумы функции $y = -0,5x^4 + 2x^3$

6. Исследовать функцию и построить график $y = (3-x) \cdot e^{x-2}$

ИДЗ №3. ОПРЕДЕЛЕННЫЙ ИНТЕГРАЛ И ЕГО ПРИЛОЖЕНИЯ

Вариант 0.

1. Вычислите неопределенные интегралы

$$1). \int (x^2 + 1)^2 dx, \quad 2). \int \frac{1}{x \ln x} dx, \quad 3). \int (5-x) \cdot e^x dx, \quad 4). \int \frac{5-4x}{(x+1)(x-2)} dx.$$

2. Вычислите определенные интегралы

$$\text{а) } \int_{\frac{1}{2}}^1 \frac{dx}{x^3}, \quad \text{б) } \int_0^5 \frac{xdx}{\sqrt{1+3x}}, \quad \text{в) } \int_0^1 \arctg x dx, \quad \text{г) } \int_0^3 \sqrt{9-x^2} dx.$$

3. Вычислите площадь фигуры, ограниченной линией $y = (e^x + e^{-x})/2$, прямыми $x = -1$, $x = 1$ и осью абсцисс.

4. Вычислить несобственный интеграл или установить его расходимость:

$$\text{а) } \int_0^{\infty} x^3 e^{-x^4} dx; \quad \text{б) } \int_2^4 \frac{dx}{\sqrt[3]{(4-x)^2}}.$$

ИДЗ №4. ЛИНЕЙНАЯ АЛГЕБРА

Вариант 0.

1. Найдите произведение матриц

$$\text{a) } \begin{pmatrix} 3 & 0 & -4 \\ 5 & 7 & 9 \\ -2 & 1 & 6 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 4 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix},$$

$$\text{б) } \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 \\ 0 & 3 & 7 \\ 0 & 0 & -2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 2 & -2 & 0 \\ 1 & 1 & -2 \end{pmatrix}$$

$$\text{в) } \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 2 & 3 & 4 \\ 1 & -1 & 1 \end{pmatrix}.$$

2. Вычислите определители

$$\text{a) } \begin{vmatrix} 4 & -1 & 0 \\ 0 & 7 & 2 \\ 0 & 0 & 3 \end{vmatrix}, \quad \text{б) } \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 5 \\ 1 & 4 & 25 \end{vmatrix}, \quad \text{в) } \begin{vmatrix} 2 & -4 & 3 \\ 5 & 10 & -1 \\ 0 & 4 & 7 \end{vmatrix}, \quad \text{г) } \begin{vmatrix} 11 & 3 & 6 \\ 1 & 4 & 6 \\ -2 & -7 & 2 \end{vmatrix}.$$

3. Дана матрица $A = \begin{pmatrix} 3 & 7 & -2 & 5 \\ 0 & 1 & 4 & 2 \\ 1 & 0 & 2 & -4 \\ 0 & 0 & 5 & 1 \end{pmatrix}$. Найдите

а) A_{12} , б) A_{24} , в) $\det A$.

4. Найдите обратные для матриц

$$\text{а) } \begin{pmatrix} 2 & 7 \\ 5 & 0 \end{pmatrix} \quad \text{б) } \begin{pmatrix} 1 & -4 \\ 3 & 2 \end{pmatrix} \quad \text{в) } \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 5 & -1 \\ 4 & 7 & 1 \end{pmatrix}.$$

5. Решите систему: а) матричным способом; б) по формулам Крамера.

$$\begin{cases} x + 3y + 2z = -7, \\ 3x + 2y + 5z = 6, \\ 4x + 3y + z = 1. \end{cases}$$

6. Решите системы методом Гаусса, указывая в каждом случае ранги матриц A и $(A|B)$. В однородных системах выпишите фундаментальную систему решений там, где она есть.

$$\text{а) } \begin{cases} 2x + 4y + 3z = 5, \\ -x + 2z = -3, \\ 6x + 5y + z = 21. \end{cases} \quad \text{б) } \begin{cases} 3x + 7y - 3z = 14, \\ x + 3y + 4z = 2, \\ 2x + 8y + 23z = -4. \end{cases}$$

$$\text{в) } \begin{cases} 3x_1 + 5x_2 + 6x_3 - 4x_4 = 0, \\ 4x_1 + 7x_2 + 10x_3 - 7x_4 = 0, \\ 2x_1 + 3x_2 + 2x_3 - x_4 = 0, \\ x_1 + 2x_2 + 4x_3 - 3x_4 = 0, \\ x_1 - 8x_3 + 7x_4 = 0. \end{cases}$$

Вариант 0.

1. Даны 4 вектора $\vec{a} = (-2; 3; -5)$, $\vec{b} = (1; -3; 4)$, $\vec{c} = (7; 8; -1)$, $\vec{d} = (1; 20; 1)$.

- Показать, что векторы \vec{a} , \vec{b} и \vec{c} образуют базис;
- Найти координаты вектора \vec{d} в этом базисе.

2. Даны координаты вершин пирамиды $A_1A_2A_3A_4$:

$A_1(1; 2; 0)$, $A_2(3; 0; -3)$, $A_3(5; 2; 6)$, $A_4(8; 4; -9)$. Найти:

- длину ребра A_1A_2
- угол между ребрами A_1A_2 и A_1A_4
- площадь грани $A_1A_2A_3$
- уравнение прямой A_1A_2
- уравнение плоскости $A_1A_2A_3$
- сделать чертеж пирамиды.

3. Написать уравнение плоскости, проходящей через точки $M(1; -1; -2)$, $N(3; 1; 1)$ и перпендикулярной к плоскости $x - 2y + 3z - 5 = 0$.

4. Приведите уравнения кривых к каноническому виду и постройте эти кривые:

а) $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 20 = 0$.

б) $4x^2 + y^2 - 24x + 2y + 1 = 0$.

в) $9x^2 - y^2 + 18x + 2y + 89 = 0$.

г) $y^2 - 3x - 4y - 2 = 0$.

д) $y = \frac{2x - 3}{x + 1}$.

5. Приведите уравнение поверхности к каноническому виду и постройте эту поверхность:

$$16x^2 + 16z^2 = 16 - y^2.$$

ИДЗ №6. ФУНКЦИЯ НЕСКОЛЬКИХ ПЕРЕМЕННЫХ И ЕЁ ПРИЛОЖЕНИЯ

Вариант 0.

1. Найти и построить область определения функции $z = \arcsin(5x + y + 2)$.

2. Решить задания:

а) Найти полный дифференциал функции $u = (2x + 3y)^{2z}$.

б) Показать, что функция $z = x \ln y$ удовлетворяет уравнению $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} + \frac{y}{x} \frac{\partial^2 z}{\partial y^2} = 0$.

в) Найти производные $\frac{\partial z}{\partial x}$, $\frac{\partial z}{\partial y}$ сложной функции: $z = \frac{u^2}{v}$, где $u = \sqrt{x} + 2y$,

$v = xy$.



3. Решить задания:

а) Дана функция $z = x^2 - xy + 2y^2 + 3x + 2y + 1$, вектор $\vec{l} = 2\vec{i} + \vec{j}$ и точка $A(1;2)$.

Найти $\frac{\partial z}{\partial l}\Big|_A$, $\text{grad } z(A)$.

б) Составить уравнение касательной плоскости и нормали к поверхности $x^2 + 2y^2 = z^2$ в точке $A(1; 1; \sqrt{3})$. Построить поверхность.

4. Исследовать на экстремум функцию двух независимых переменных

$$z = -\frac{1}{2}x^2 + 8xy - y^3 - 14x - 12y.$$

ИДЗ №7. ИНТЕГРАЛ ПО ФИГУРЕ И ЕГО ПРИЛОЖЕНИЯ

Вариант 0.

1. Найти двойной интеграл по области D , ограниченной

линиями: $\iint_D (x - 2y) dx dy$, $D: x = 0$, $y = 2x^2$, $x + y = 3$.

2. Изменить порядок интегрирования: $\int_2^4 dx \int_{1/x}^x f(x, y) dy$.

3. Перейти к полярным координатам и вычислить: $\int_0^1 y dy \int_{1-\sqrt{1-y^2}}^y dx$.

4. Найти тройной интеграл по телу T , ограниченному поверхностями

$$\iiint_T (x^2 - z) dx dy dz, T: x = 0, y = 0, x = 1, x + y = 2, z = 0, z = x^2 + \frac{y^2}{2}.$$

5. Найти объём и площадь поверхности тела:

$$T = \{(x, y, z) : x \geq 0, 2x + 3y \leq 12, 0 \leq z \leq \frac{y^2}{2}\}.$$

6. Найти центр масс однородного тела, ограниченного поверхностями:

$$y = 4, x^2 + z^2 = 4y.$$

ИДЗ №8. ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЕ УРАВНЕНИЯ

Вариант 0.

Определить тип уравнения и найти общее (частное) решение дифференциального уравнения 1-го порядка:

$$1. x \cdot \sqrt{1 + y^2} + y \cdot y' \cdot \sqrt{2 + x^2} = 0.$$



2. $y' = 3x + y - 2$; $y(0) = 2$.
3. $x y' = y + x \cdot \cos^2 \frac{y}{x}$.
4. $2(x y' + y) = x \cdot y^2$; $y(1) = 2$.
5. $(2x - 1 - \frac{1}{x^2}) dx + (\frac{1}{x} - 2y) dy = 0$.

Решить дифференциальные уравнения высших порядков:

6. $x y''' + y'' = x + 1$
7. $2y \cdot y'' = (y')^2 - 1$; $y(0) = \frac{1}{2}$; $y'(0) = \sqrt{2}$.
8. $y''' + 14y'' + 49y' = 0$.
9. $y'' - y' = \frac{e^{-x}}{2 + e^{-x}}$.

ИДЗ №9. ЧИСЛОВЫЕ И ФУНКЦИОНАЛЬНЫЕ РЯДЫ

Вариант 0.

1. Доказать сходимость и найти сумму ряда $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n^2 + n - 2}$.

2. Исследовать на сходимость ряды:

- а) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin^2 n\sqrt{n}}{n\sqrt{n}}$, б) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n}} \sin\left(\frac{1}{\sqrt{n}}\right)$, в) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!(2n+1)!}{(3n)!}$, г) $\sum_{n=1}^{\infty} n \left(\frac{3n-2}{4n+1}\right)^{2n}$,
- д) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(3n+1)\sqrt{\ln(n+5)}}$.

3. Исследовать ряды на абсолютную и условную сходимость:

- а) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin n\sqrt{n}}{n\sqrt{n}}$, б) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n \ln(n+1)}$, в) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n (2n+1)}{3n+2}$.

4. Найти сумму ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{4^n (2n+1)}$ с точностью до 0.001.

5. Найти область сходимости степенного ряда:

- а) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n 2^n (x+1)^n}{3n+2}$, б) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^n (x-3)^{2n}}{\sqrt{2n+1}}$.

6. Разложить функцию в ряд Тейлора по степеням x :

- а) $(3 + e^{-x})^2$, б) $7/(12 + x - x^2)^2$, в) $\ln(1 - x - 20x^2)$.

7. Вычислить интеграл с точностью до 0.001:

- а) $\int_0^{0.5} \frac{dx}{\sqrt[4]{1+x^4}}$ б) $\int_0^{0.2} \sin(25x^2) dx$.

8. Разложить в ряд Фурье функцию, периодическую с периодом 2π , заданную на отрезке

$$[-\pi, \pi] \text{ формулой } f(x) = \begin{cases} x + \pi, & -\pi \leq x \leq 0 \\ \pi, & 0 \leq x \leq \pi \end{cases}.$$

Практические занятия в пакете MATLAB (на каждом втором практическом занятии вычислениям в пакете MATLAB по соответствующей теме уделяется 0,5 часа)

1. Вычисление пределов функций в пакете MATLAB. Функция *lim*.

Пример. Вычислить предел $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(x^2)(1 - \cos 2x)}{\ln^3(1+x)}$.

2. Дифференцирование в пакете MATLAB. Функция *diff*.

Примеры. а) Найти производную функции $y = \cos^2(e^x - x + 1)$ порядков от первого до третьего.

б) Найти приближённое значение $\sqrt[3]{5,02^2 + 3}$ с помощью дифференциала и проверить результат в пакете MATLAB.

3. Построение графиков функций одной переменной в пакете MATLAB. Функция *plot(x,y)*.

Пример. Построить график функции $y = \frac{-4x^3 + 5x}{x^2 - 4}$.

4. Вычисление неопределённых и определённых интегралов в пакете MATLAB. Функции *sumtrapz*, *quad*, *int*.

Пример. а) Вычислить $\int \frac{2+x^3 dx}{(1+x^2)^3}$. б) Вычислить $\int_1^2 \frac{3+xdx}{(1+4x^2)^2}$. в) Вычислить $\int_0^\infty \frac{1-x^3 dx}{(1+2x^2)^3}$.

5. Действия с матрицами, решение систем линейных алгебраических уравнений, действия с векторами в пакете MATLAB. Функции *detM*, *invM*.

Примеры. а) Вычислить матрицу $AB^T + 3C^{-1}$ для данных матриц A, B, C .

б) Найти решение системы вида $AX = B$ методами матричного исчисления и Крамера.

в) Найти решение системы вида $AX = B$ методом Гаусса.

г) Решение систем линейных уравнений с помощью функции *solve()*.

6. Векторная алгебра в пакете MATLAB.

Пример. Найти скалярное, векторное и смешанное произведение векторов $\vec{a}\vec{b}, \vec{a} \times \vec{b}, (\vec{a} \times \vec{b})\vec{c}$

7. Вычисления с комплексными числами в пакете MATLAB.

Пример. Выполнить действия с комплексными числами: $(3+4i)^5(2-5i)^{-4}$



8. Кривые в полярной системе координат в пакете MATLAB. Функция $polar(\theta, r)$.

Пример. Построить в полярной системе координат кривую $r = 1 + \sin^3 \theta$

9. Построение кривых и поверхностей второго порядка в пакете MATLAB.

Примеры а) Построить кривую $2x^2 + 3xy - 4y^2 + 5x - 3y + 4 = 0$.

б) Построить поверхность $x^2 + 3y^2 - 2z^2 + 4xy + 6xz - yz + 4x - 3y + 5z - 9 = 0$.

10. Дифференцирование функций нескольких переменных, построение графиков функций нескольких переменных в пакете MATLAB. Функция $plot(x, y, z)$.

Примеры. а) Найти частные производные функции $z = (\cos 3x + 4y)\operatorname{tg}(5x - 6y)$.

б) Найти экстремумы функции $z = 2x^2 + 5xy + 4y^2 + 6x - 5y + 1$ и построить её график

11. Вычисление кратных интегралов в пакете MATLAB.

Примеры. а) Найти двукратный интеграл: $\int_1^3 dx \int_x^{x^2} (x + 2y) dy$.

а) Найти трехкратный интеграл: $\int_1^2 dx \int_x^{4-x} dy \int_z^{z^2} (x + 2y + 3z) dz$.

12. Численные методы решения дифференциальных уравнений в пакете MATLAB. Функции ode .

Пример. Решить задачу Коши для уравнения $y' = -10yt$, $y(0.01) = 0.05$.

13. Вычисление сумм числовых рядов в пакете MATLAB.

Пример. Вычислить сумму ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2}$.

14. Разложение функций в ряды Тейлора в пакете MATLAB.

Пример. Найти разложение в ряд Тейлора функции $\sqrt[3]{1 + 5x^2}$ в окрестности 0.

15. Разложение функций в ряды Фурье в пакете MATLAB.

Пример. Найти разложение в ряд Фурье функции $x^2 + x$ на отрезке $[-1, 1]$.

7 Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации

а) Планируемые результаты обучения и оценочные средства для проведения промежуточной аттестации:

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
ОПК-2 – способностью анализировать социально-экономические задачи и процессы с применением методов системного анализа и математического моделирования		
Знать	- основные понятия и методы математического анализа: теории пределов и непрерывных функций, дифференциального и интегрального исчисления функций одной и нескольких переменных, теории обыкновенных дифференциальных уравнений и систем дифференциальных уравнений	<p>Теоретические вопросы для экзамена</p> <p>1 семестр</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Функция. Способы задания. Область определения. Основные элементарные функции, их свойства, графики. 2. Предел функции в точке. Предел функции в бесконечности. Односторонние пределы. 3. Бесконечно малые и бесконечно большие функции, связь между ними. Свойства бесконечно малых функций. 4. Теоремы о пределах. Раскрытие неопределенностей. 5. Замечательные пределы. 6. Сравнение бесконечно малых функций. Эквивалентные бесконечно малые функции и основные теоремы о них. Применение к вычислению пределов. 7. Непрерывность функции в точке. Точки разрыва и их классификация. 8. Производная функции, ее геометрический и физический смысл. 9. Уравнения касательной и нормали к кривой. Дифференцируемость функции в точке. 10. Производная суммы, разности, произведения, частного функций. Производная сложной и обратной функций. 11. Дифференцирование неявных и параметрически заданных функций. Логарифмическое дифференцирование. 12. Производные высших порядков. 13. Дифференциал функции. Геометрический смысл дифференциала. Основные теоремы о дифференциалах. 14. Применение дифференциала к приближенным вычислениям. 15. Основные теоремы дифференциального исчисления: Ролля, Лагранжа и Коши. 16. Правило Лопиталя. 17. Условия монотонности функций. Экстремумы функций. Необходимое и достаточное условия экстремума функции. 18. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке.

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
		<p>19. Выпуклость графика функции. Точки перегиба. Необходимое и достаточное условия точек перегиба.</p> <p>20. Асимптоты графика функции.</p> <p>21. Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица основных интегралов.</p> <p>22. Основные методы интегрирования: замена переменной и интегрирование по частям.</p> <p>23. Интегрирование рациональных функций.</p> <p>24. Интегрирование тригонометрических и иррациональных функций.</p> <p>25. Определенный интеграл как предел интегральной суммы, его свойства.</p> <p>26. Формула Ньютона – Лейбница. Основные свойства определенного интеграла.</p> <p>27. Вычисление определенного интеграла (замена переменной, интегрирование по частям).</p> <p>28. Несобственные интегралы.</p> <p>29. Геометрические и физические приложения определенного интеграла.</p> <p>30. Матрицы. Виды матриц. Действия над матрицами.</p> <p>31. Определитель. Определение, свойства определителя.</p> <p>32. невырожденная матрица. Обратная матрица. Ранг матрицы.</p> <p>33. Системы линейных уравнений. Основные понятия. Совместность СЛАУ.</p> <p>34. Решение невырожденных линейных систем. Формулы Крамера. Матричный метод.</p> <p>35. Решение систем линейных уравнений методом Гаусса.</p> <p>36. Системы линейных однородных уравнений.</p> <p>37. Векторы. Линейные операции над векторами. Проекция вектора на ось. Модуль вектора. Направляющие косинусы.</p> <p>38. Скалярное произведение векторов, его свойства. Приложения скалярного произведения в геометрии, физике.</p> <p>39. Векторное произведение векторов, его свойства. Приложения векторного произведения.</p> <p>40. Смешанное произведение векторов, его свойства. Приложения смешанного произведения.</p> <p>2 семестр</p> <p>41. Уравнения прямой на плоскости.</p> <p>42. Уравнения плоскости в пространстве.</p> <p>43. Уравнения прямой в пространстве.</p> <p>44. Взаимное расположение прямых и плоскостей. Угол между ними. Расстояние от точки до прямой, плоскости. Точка пересечения прямой и плоскости.</p> <p>45. Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола, их геометрические свойства и</p>

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
		<p>уравнения</p> <p>46. Область определения ФНП. Предел, непрерывность. Свойства функций, непрерывных в ограниченной замкнутой области.</p> <p>47. Частные производные первого порядка, их геометрическое истолкование.</p> <p>48. Частные производные высших порядков.</p> <p>49. Дифференцируемость и полный дифференциал функции.</p> <p>50. Применение полного дифференциала к приближенным вычислениям. Дифференциалы высших порядков.</p> <p>51. Производная сложной функции. Полная производная.</p> <p>52. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.</p> <p>53. Экстремум функции двух переменных. Необходимое и достаточное условие экстремума.</p> <p>54. Наибольшее и наименьшее значения функции в замкнутой области.</p> <p>55. Двойной интеграл: основные понятия и определения. Геометрический и физический смысл двойного интеграла.</p> <p>56. Вычисление двойного интеграла в декартовых координатах.</p> <p>57. Вычисление двойного интеграла в полярных координатах.</p> <p>58. Тройной интеграл: основные понятия, свойства.</p> <p>59. Вычисление тройного интеграла в декартовых координатах.</p> <p>60. Замена переменных в тройном интеграле. Вычисление тройного интеграла в цилиндрических и сферических координатах.</p> <p>61. Дифференциальные уравнения: основные понятия. Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Теорема существования и единственности решения дифференциального уравнения.</p> <p>62. Уравнения с разделяющимися переменными.</p> <p>63. Однородные дифференциальные уравнения 1 порядка.</p> <p>64. Линейные уравнения. Уравнения Бернулли.</p> <p>65. Уравнение в полных дифференциалах.</p> <p>66. Дифференциальные уравнения высших порядков: основные понятия.</p> <p>67. Уравнения, допускающие понижение порядка.</p> <p>68. Линейные дифференциальные уравнения высших порядков. Линейные однородные дифференциальные уравнения 2, n-го порядков.</p> <p>69. Интегрирование ЛОДУ с постоянными коэффициентами.</p> <p>70. Линейные неоднородные ДУ. Структура общего решения ЛНДУ.</p>

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
		<p>71. Метод вариации произвольных постоянных.</p> <p>72. Интегрирование ЛНДУ с постоянными коэффициентами и правой частью специального вида.</p> <p>73. Системы дифференциальных уравнений. Теорема существования и единственности решения. Метод исключения для решения нормальных систем дифференциальных уравнений.</p> <p>74. Понятие ряда. Сумма ряда, сходящиеся ряды. Свойства сходящихся рядов. Необходимый признак сходимости рядов с положительными членами.</p> <p>75. Достаточные признаки сходимости рядов с положительными членами: признак сравнения, предельный признак сравнения, признак Даламбера, радикальный признак Коши, интегральный признак Коши.</p> <p>76. Знакопеременные и знакочередующиеся ряды. Абсолютная и условная сходимость. Достаточное условие абсолютной сходимости. Теорема Лейбница. Приближенное вычисление суммы знакочередующегося ряда с требуемой точностью.</p> <p>77. Понятие функционального ряда. Область сходимости. Сумма ряда.</p> <p>78. Определение степенного ряда. Область сходимости степенного ряда. Теорема Абеля. Свойства степенных рядов.</p> <p>79. Ряд Тейлора. Разложение функции в степенной ряд: понятие, единственность разложения, условия разложимости, разложение с использованием разложений в ряд Маклорена основных элементарных функций.</p> <p>80. Определения тригонометрического ряда, тригонометрического ряда Фурье.</p>
Уметь	<p>- выявлять, строить и решать математические модели прикладных задач;</p> <p>- обсуждать способы эффективного решения задач, распознавать эффективные результаты от неэффективных</p>	<p>Примерные практические задания для экзамена:</p> <p>1. Вычислите пределы:</p> <p>а) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1 + 4x - x^4}{x + 3x^2 + 2x^4}$; б) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x \cdot \arcsin 2x}{\cos x - \cos^3 x}$; в) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{2x-1} - \sqrt{5}}{x-3}$.</p> <p>2. Найдите $\frac{dy}{dx}$ для функций: а) $y = e^{4x-x^2}$. б) $\begin{cases} x = \operatorname{ctg} 2t, \\ y = \ln(\sin 2t). \end{cases}$</p> <p>3. Вычислить: а) $\sqrt[3]{-\sqrt{3} + i}$, б) $(1-i)^{28}$.</p> <p>4. Найти неопределённый интеграл: а) $\int \sin 3x \cdot \cos 5x dx$, б) $\int \frac{1 - \cos x}{(x - \sin x)^2} dx$. в) $\int (2x+5) \cdot e^x dx$.</p>

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
		<p>5. Вычислить определенный интеграл $\int_2^{\sqrt{20}} \frac{xdx}{\sqrt{x^2 + 5}}$.</p> <p>6. Вычислить определенный интеграл $\int_0^1 4x \cdot \arcsin x dx$.</p> <p>7. Найти площадь фигуры, ограниченной линиями: $x = 4$, $y^2 = 4x$.</p> <p>8. Решите систему: а) матричным способом; б) по формулам Крамера</p> $\begin{cases} x + 3y + 2z = -7, \\ 3x + 2y + 5z = 6, \\ 4x + 3y + z = 1. \end{cases}$ <p>9. Изменить порядок интегрирования $\int_{-2}^{-1} dy \int_{-\sqrt{2+y}}^0 f dx + \int_{-1}^0 dy \int_{-\sqrt{-y}}^0 f dx$.</p> <p>10. Вычислить $\iint_D \frac{dx dy}{\sqrt{x^2 + y^2}}$, $D: x \leq y \leq \sqrt{1-x^2}$, $x \geq 0$.</p> <p>11. Найти и построить область определения функции $u = \sqrt{9-x^2-y^2} + (x-y)^3$.</p> <p>12. Найти полный дифференциал функции: $z = x^3 \ln y - \sin 2xy$.</p> <p>13. Найти частные производные первого порядка функции: $z = 5x^2 y^3 + \ln(x+4y)$.</p> <p>14. Написать уравнение касательной плоскости и нормали к поверхности $z = \sqrt{x^2 + y^2}$ в точке (3, 4, 5).</p> <p>15. Исследовать на экстремум функцию $z = x^2 - 2xy + 4y^3$.</p> <p>16. Решите задачу Коши: $y \cos^2 x dy = (y^2 + 1) dx$, $y(0) = 0$.</p> <p>17. Найдите общее решение дифференциального уравнения $y'' + y' = e^{2x}$.</p> <p>18. Решить однородную систему дифференциальных уравнений:</p>

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
		$\begin{cases} x' = 6x - y, \\ y' = x + 4y. \end{cases}$
Владеть	<ul style="list-style-type: none"> - практическими навыками использования математических понятий и методов (изучаемых разделов математики) при решении прикладных задач; - навыками построения и решения математических моделей прикладных задач; - навыками обобщения результатов решения 	<p>Примерные прикладные задачи и задания</p> <p>Задание 1. Вычислить предел $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(x^3)(1 - \cos x)}{\ln^4(1+x)}$ в пакете MATLAB.</p> <p>Задание 2. Найти первую и вторую производную функции $y = \sin^2(x - e^x - 1)$ в пакете MATLAB.</p> <p>Задание 3. Построить график функции $y = \frac{-1+5x}{x^2-4}$ в пакете MATLAB.</p> <p>Задание 4. Вычисление неопределённый, определённый и несобственный интеграл в пакете MATLAB</p> <p>а) $\int \frac{2+x^3 dx}{(1+x^2)^3}$; б) $\int_1^2 \frac{3+xdx}{(1+4x^2)^2}$; в) $\int_0^\infty \frac{1-x^3 dx}{(1+2x^2)^3}$.</p> <p>Задание 5. Вычислить матрицу $AB^T + 3C^{-1}$ в пакете MATLAB, где $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$,</p> $C = \begin{pmatrix} 4 & 1 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$ <p>Задание 6. Найти решение системы уравнений методом Гаусса в пакете MATLAB</p>

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
		$\begin{cases} x + 3y - 2z = 5, \\ 2x + 5y - 4z = 8, \\ 4x + 11y - 8z = 3. \end{cases}$ <p>Задание 7. Построить в полярной системе координат кривую $r = 1 + \sin \theta$ в пакете MATLAB.</p> <p>Задание 8. Построить поверхность $x^2 + 3y^2 - 2z^2 + 4xy + 6xz - yz + 4x - 3y + 5z - 9 = 0$ в пакете MATLAB.</p> <p>Задание 9. Найти частные производные функции $z = (\sin 3x + 4y)\operatorname{ctg}(5x - 3y)$ в пакете MATLAB.</p> <p>Задание 10. Вычислить двукратный интеграл $\int_1^4 dx \int_x^{x^2} (x + y) dy$ в пакете MATLAB.</p> <p>Задание 11. Вычислить сумму ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5}{n^2}$ в пакете MATLAB.</p> <p>Задание 12. Разложить функцию $\sqrt[3]{1 + 6x^3}$ в ряд Маклорена в пакете MATLAB.</p> <p>Задание 13. Для решения задачи сделайте схематический чертеж и получите функциональную зависимость по указанию к задаче. Найдите область определения этой функции по смыслу задачи. Вычислите значения этой функции при трех различных значениях аргумента. Исследуйте функцию на наибольшее и наименьшее значения. Ответьте на вопрос задачи.</p> <p>«Сечение тоннеля имеет форму прямоугольника, завершеного полукругом. Периметр сечения 18 м. При каком радиусе полукруга площадь сечения будет наибольшей?»</p> <p>Обозначьте радиус полукруга через r и выразите площадь S сечения как функцию от r: $S = S(r)$.</p> <p>Задание 15. На какой высоте h над центром круглого стола радиуса a следует поместить лампу, чтобы</p>

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
		освещенность края стола была наибольшей?
ОК-7 – способностью к самоорганизации и самообразованию		
Знать	<ul style="list-style-type: none"> – основные положения линейной алгебры и аналитической геометрии, – основные положения теории пределов и непрерывных функций, теории числовых и функциональных рядов, – основные теоремы дифференциального и интегрального исчисления функций одной и нескольких переменных, – основные методы решения простейших дифференциальных уравнений и систем дифференциальных уравнений 	<ol style="list-style-type: none"> 1. Формулировки основных теорем (свойств, признаков изучаемых понятий, необходимые и достаточные условия) в изучаемых разделах курса. 2. Методы раскрытия неопределенностей, выяснения непрерывности функции одной переменной. 3. Алгоритм приближенного вычисления функции с помощью дифференциала; написания уравнения касательной прямой (плоскости). 4. Алгоритм полного исследования функции. 5. Методы выяснения классов интегрируемых функций, а также методы непосредственного интегрирования и интегрирования основных классов функций. 6. Способы выяснения сходимости несобственных интегралов. 7. Общую схему построения кратных интегралов и сведения их к повторным. 8. Способы нахождения погрешности в приближенных вычислениях корня уравнения и определенных интегралов.
Уметь	<ul style="list-style-type: none"> – решать типовые задачи по изучаемым теоретически разделам; – применять методы математического анализа для исследования функций одной и двух переменных, сходимости несобственных интегралов, числовых и степенных рядов 	<p>Примерные практические задания и задачи</p> <p>Задание 1. Найдите точки разрыва функции $y = \frac{1}{9 - x^2}$.</p> <p>Задание 2. Вычислите приближенно $y = \sqrt[5]{x^2}$ при $x = 1,03$.</p> <p>Задача 3. Вычислите предел по правилу Лопиталя $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\arcsin(2x - 4)}{x^2 - 4}$.</p> <p>Задание 4. Сформулируйте необходимое условие экстремума функции одной переменной.</p> <p>Задача 5. Исследовать функцию и построить её график: $y = 2 + \frac{12}{x^2 - 4}$.</p> <p>Задача 6. Каков геометрический смысл определенного интеграла от данной функции в данном интервале в декартовой системе координат?</p> <p>Задание 7. Укажите верное утверждение о функции двух переменных: а). градиент перпендикулярен касательной плоскости;</p>

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
		<p>б). градиент является производной по направлению; в). градиент является касательной к линии уровня; г). градиент определяет направление максимальной скорости изменения функции.</p> <p>Задание 8. Укажите ЛОЖНОЕ утверждение о функции двух переменных: а) непрерывная функция всегда дифференцируема; б) функция, имеющая предел в точке M, может быть разрывна в этой точке; в) у дифференцируемой функции существуют частные производные; г) из непрерывности частных производных в точке M следует дифференцируемость функции в этой точке.</p>
Владеть	<ul style="list-style-type: none"> – навыками применения средств вычислительной техники к выполнению расчётов; – способами оценивания значимости и практической пригодности полученных результатов – возможностью междисциплинарного применения методов математического анализа для оценивания значимости и практической пригодности результатов решения профессиональных задач 	<p>Примерные практические задания</p> <p>Задание 1. Поразмышляйте:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) Верно ли, что сумма, разность и произведение двух четных функций есть четная функция? 2) Какой, в смысле четности, будет функция, равная произведению (сумме) двух нечетных функций? 3) Существуют ли функции, обратные самим себе (при доказательстве вспомните предложение о графиках обратных функций)? 4) Может ли четная функция быть строго монотонной? <p>Задание 2. Систематизируйте и обобщите все ключевые понятия и приемы решения типовых задач по теме «Производная» и «Применение производной при исследовании функций». Результат оформите в виде таблицы.</p>

б) Порядок проведения промежуточной аттестации, показатели и критерии оценивания:

Промежуточная аттестация по дисциплине «Математика» включает теоретические вопросы, позволяющие оценить уровень усвоения обучающимися знаний, и практические задания, выявляющие степень сформированности умений и владений, проводится в форме экзамена (1 и 2 семестры).

Экзамен по данной дисциплине проводится в устной форме по экзаменационным билетам, каждый из которых включает два теоретических вопроса и два практических задания.

Показатели и критерии оценивания экзамена:

– на оценку «отлично» – студент должен показать высокий уровень сформированности компетенции ОПК-2: знания не только на уровне воспроизведения и объяснения информации, но и интеллектуальные навыки (умения) решения проблем и задач, нахождения уникальных ответов к проблемам, оценки и вынесения критических суждений;

– на оценку «хорошо» – обучающийся демонстрирует средний уровень сформированности компетенции ОПК-2: основные знания, умения освоены, но допускаются незначительные ошибки, неточности, затруднения при аналитических операциях, переносе знаний и умений на новые, нестандартные ситуации.

– на оценку «удовлетворительно» – обучающийся демонстрирует пороговый уровень сформированности компетенции ОПК-2: в ходе контрольных мероприятий допускаются ошибки, проявляется отсутствие отдельных знаний, умений, навыков, обучающийся испытывает значительные затруднения при оперировании знаниями и умениями при их переносе на новые ситуации.

– на оценку «неудовлетворительно» – обучающийся демонстрирует знания не более 20% теоретического материала, допускает существенные ошибки, не может показать интеллектуальные навыки решения простых задач или не может показать знания даже на уровне воспроизведения и объяснения информации.

8 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)

а) Основная литература:

1. Шипачев, В. С. Задачник по высшей математике : учебное пособие / В. С. Шипачев. — 10-е изд., стер. — Москва : ИНФРА-М, 2020. — 304 с. — (Высшее образование). - ISBN 978-5-16-010071-5. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/read?id=344429>

б) Дополнительная литература:

1. Математика в примерах и задачах : учеб. пособие / О.М. Дегтярева, Л.Н. Журбенко, Г.А. Никонова, Н.В. Никонова, С.Н. Нуриева. — Москва : ИНФРА-М, 2019. — 372 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-011256-5. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/read?id=327833>

2. Ржевский, С.В. Высшая математика : учебник / С.В. Ржевский. - Москва : Инфра-М ; Znanium.com, 2018. - 814 с. - (Высшее образование). - ISBN 978-5-16-107481-7 (online). - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/read?id=337456>

3. Теория вероятностей и математическая статистика: Учебное пособие / Бирюкова Л.Г., Бобрик Г.И., Матвеев В.И., - 2-е изд. - Москва : НИЦ ИНФРА-М, 2017. - 289 с. (Высшее образование: Бакалавриат) ISBN 978-5-16-011793-5. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/read?id=93083>

4. Математика : учеб. пособие / Ю.М. Данилов, Л.Н. Журбенко, Г.А. Никонова, Н.В. Никонова, С.Н. Нуриева ; под ред. Л.Н. Журбенко, Г.А. Никоновой. — Москва : ИНФРА-М, 2019. — 496 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-010118-7. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/read?id=327832>

в) Методические указания:

1. Булычева, С. В. Математика: Дифференциальные уравнения. Практикум : учебное пособие / С. В. Булычева ; МГТУ. - Магнитогорск : МГТУ, 2018. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=2815.pdf&show=dcatalogues/1/1526956/2815.pdf&view=true> (дата обращения: 25.09.2020). - Макрообъект. - Текст : электронный. - Сведения доступны также на CD-ROM.

2. Булычева, С. В. Математика: Интегральное исчисление функции одной переменной. Практикум : учебное пособие / С. В. Булычева ; МГТУ. - Магнитогорск : МГТУ, 2018. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=3646.pdf&show=dcatalogues/1/1526244/3646.pdf&view=true> (дата обращения: 25.09.2020). - Макрообъект. - Текст : электронный. - Сведения доступны также на CD-ROM.

3. Ноговицина, О. В. Математика: варианты индивидуальных заданий и образцы их решений : учебно-методическое пособие [для вузов] / О. В. Ноговицина ; Магнитогорский гос. технический ун-т им. Г. И. Носова. - Магнитогорск : МГТУ им. Г. И. Носова, 2019. - ISBN 978-5-9967-1682-1. - Загл. с титул. экрана. - URL : <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=3993.pdf&show=dcatalogues/1/1532500/3993.pdf&view=true> (дата обращения: 25.09.2020). - Макрообъект. - Текст : электронный. - Сведения доступны также на CD-ROM.

4. Бондаренко, Т. А. Ряды: курс лекций. Методические указания к решению задач. Комплект заданий для самостоятельной работы. Тесты : учебное пособие / Т. А. Бондаренко, Г. А. Каменева ; МГТУ. - Магнитогорск : МГТУ, 2018. - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=3573.pdf&show=dcatalogues/1/1515072/3573.pdf&view=true> (дата обращения: 25.09.2020). - Макрообъект. - Текст : электронный. - ISBN 978-5-9967-1169-7. - Сведения доступны также на CD-ROM.

г) Программное обеспечение и Интернет-ресурсы:

Программное обеспечение

Наименование ПО	№ договора	Срок действия лицензии
MS Windows 7 Professional(для классов)	Д-1227-18 от 08.10.2018	11.10.2021
MathWorks MathLab v.2014 Classroom	К-89-14 от 08.12.2014	бессрочно
MS Office 2007 Professional	№ 135 от 17.09.2007	бессрочно
7Zip	свободно	бессрочно
STATISTICA в.6	К-139-08 от 22.12.2008	бессрочно
MS Office 2003 Professional	№ 135 от 17.09.2007	бессрочно
Браузер Yandex	свободно	бессрочно
Браузер Mozilla Firefox	свободно распространяемое ПО	бессрочно
FAR Manager	свободно	бессрочно

Профессиональные базы данных и информационные справочные системы

Название курса	Ссылка
Национальная информационно-аналитическая система – Российский индекс научного цитирования (РИНЦ)	URL: https://elibrary.ru/project_risc.asp
Информационная система - Единое окно доступа к информационным ресурсам	URL: http://window.edu.ru/
Поисковая система Академия Google (Google Scholar)	URL: https://scholar.google.ru/
Федеральное государственное бюджетное учреждение «Федеральный институт промышленной собственности»	URL: http://www1.fips.ru/
Российская Государственная библиотека. Каталоги	https://www.rsl.ru/ru/4readers/catalogues/

9 Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)

Материально-техническое обеспечение дисциплины включает:

Тип и название аудитории	Оснащение аудитории
Учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа	Специализированная (учебная) мебель (столы, стулья, доска аудиторная), мультимедийное оборудование (проектор, компьютер, экран) для презентации учебного материала по дисциплине;
Учебные аудитории для проведения лабораторных занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации	Специализированная (учебная) мебель (столы, стулья, доска аудиторная), персональные компьютеры объединенные в локальные сети с выходом в Интернет и с доступом в электронную информационно-образовательную среду университета, оснащенные современными программно-методическими комплексами

Тип и название аудитории	Оснащение аудитории
Аудитории для самостоятельной работы (компьютерные классы; читальные залы библиотеки)	Специализированная (учебная) мебель (столы, стулья, доска аудиторная), персональные компьютеры объединенные в локальные сети с выходом в Интернет и с доступом в электронную информационно-образовательную среду университета, оснащенные современными программно-методическими комплексами
Помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования	Мебель (столы, стулья, стеллажи для хранения учебно-наглядных пособий и учебно-методической документации), персональные компьютеры.